

Grundzüge der Mikroökonomik

6.2 Modelle der Monopolpreisbildung (Einzelangebotsmonopol, Kollektivmonopol (Kartell); Monopson; bilaterales Monopol

Angebotsmonopol

Modellannahmen:

1. Marktstruktur

quantitativ: ein Anbieter - viele Nachfrager
qualitativ: vollkommener Markt

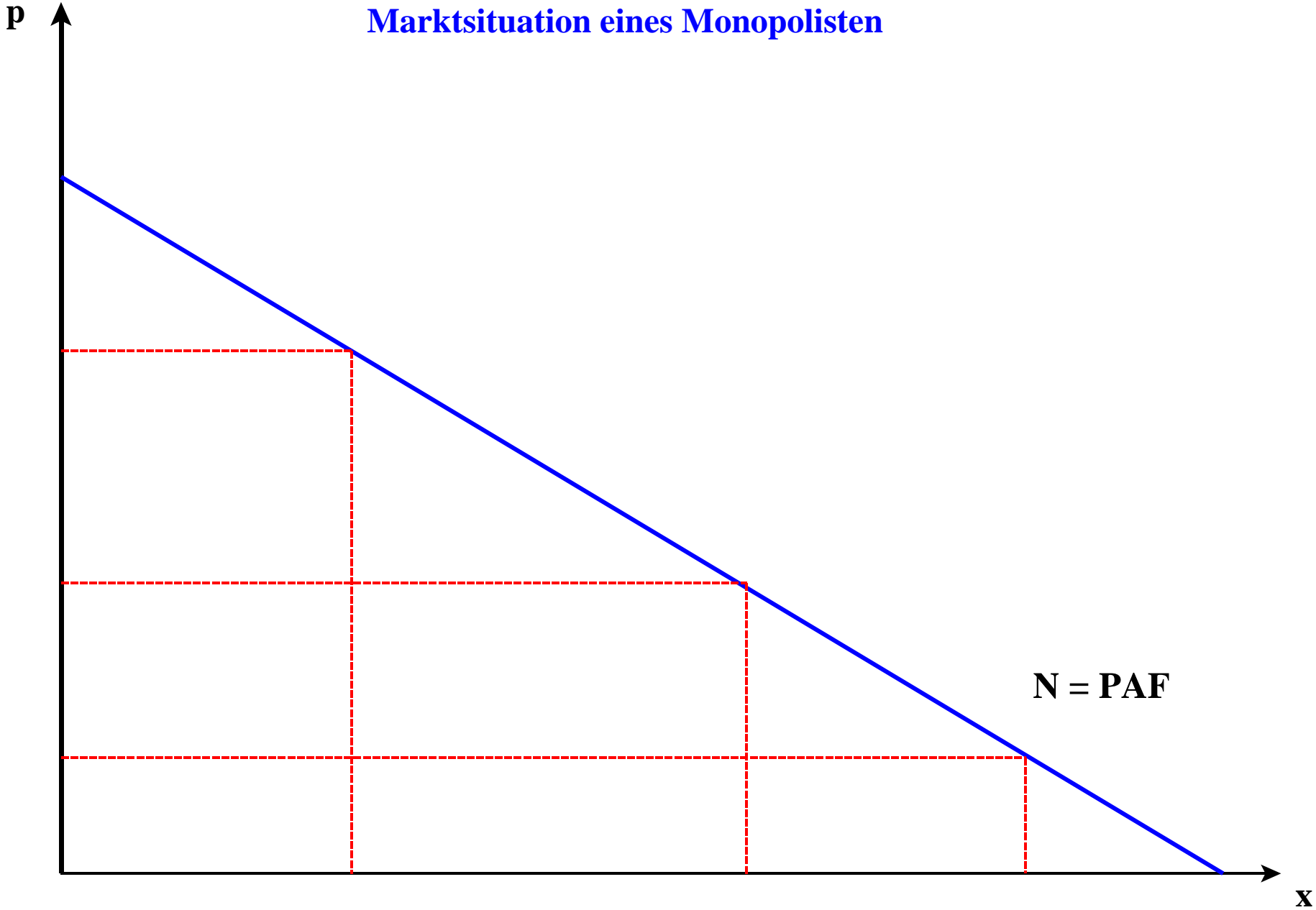
2. Angebot

gegebene Kosten des Monopolisten (K , K_v , K_f , STK , K')
kurzfristige Gewinnmaximierung

3. Nachfrage

gegebene Nachfragefunktion des Marktes (N), d.h. aus Sicht des Monopolisten
gegebene Preis-Absatz-Funktion (PAF)

Marktsituation eines Monopolisten



Preis-Absatz-Funktion (PAF) - Erlösfunktion (E) - Grenzerlösfunktion (E')

Allgemein gilt bei einer normal verlaufenden Nachfrage- bzw. Preisabsatzfunktion (PAF):

$$(1) N; PAF: p = a - bx$$

$$(2) E = px = (a - bx)x \\ = ax - bx^2$$

$$(3) E' = \frac{dE}{dx} = a - 2bx$$

Beispiel

$$(1) N; PAF: p = 10 - 0,5x$$

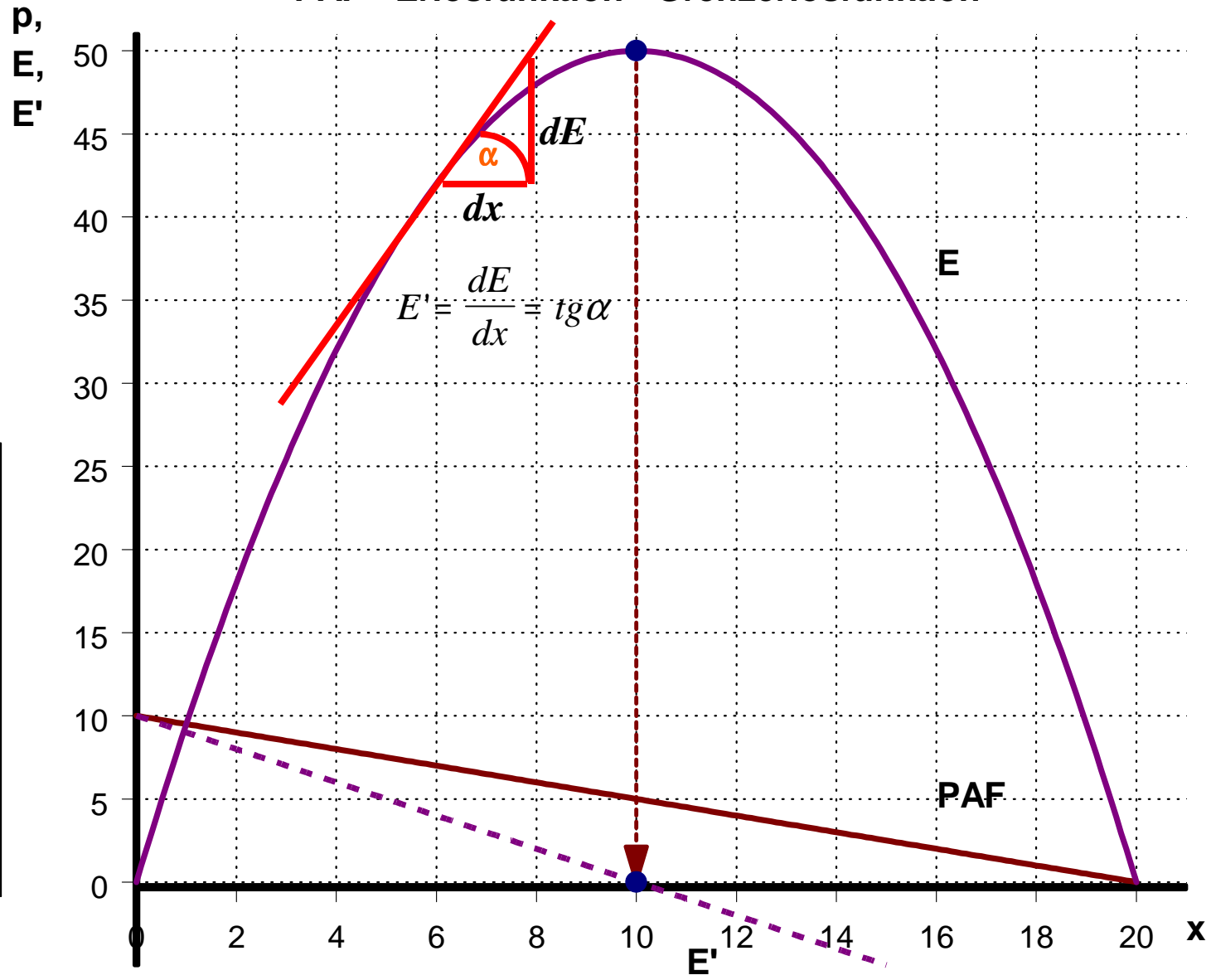
$$(2) E = px = (10 - 0,5x)x \\ = 10x - 0,5x^2$$

$$(3) E' = \frac{dE}{dx} = 10 - x$$

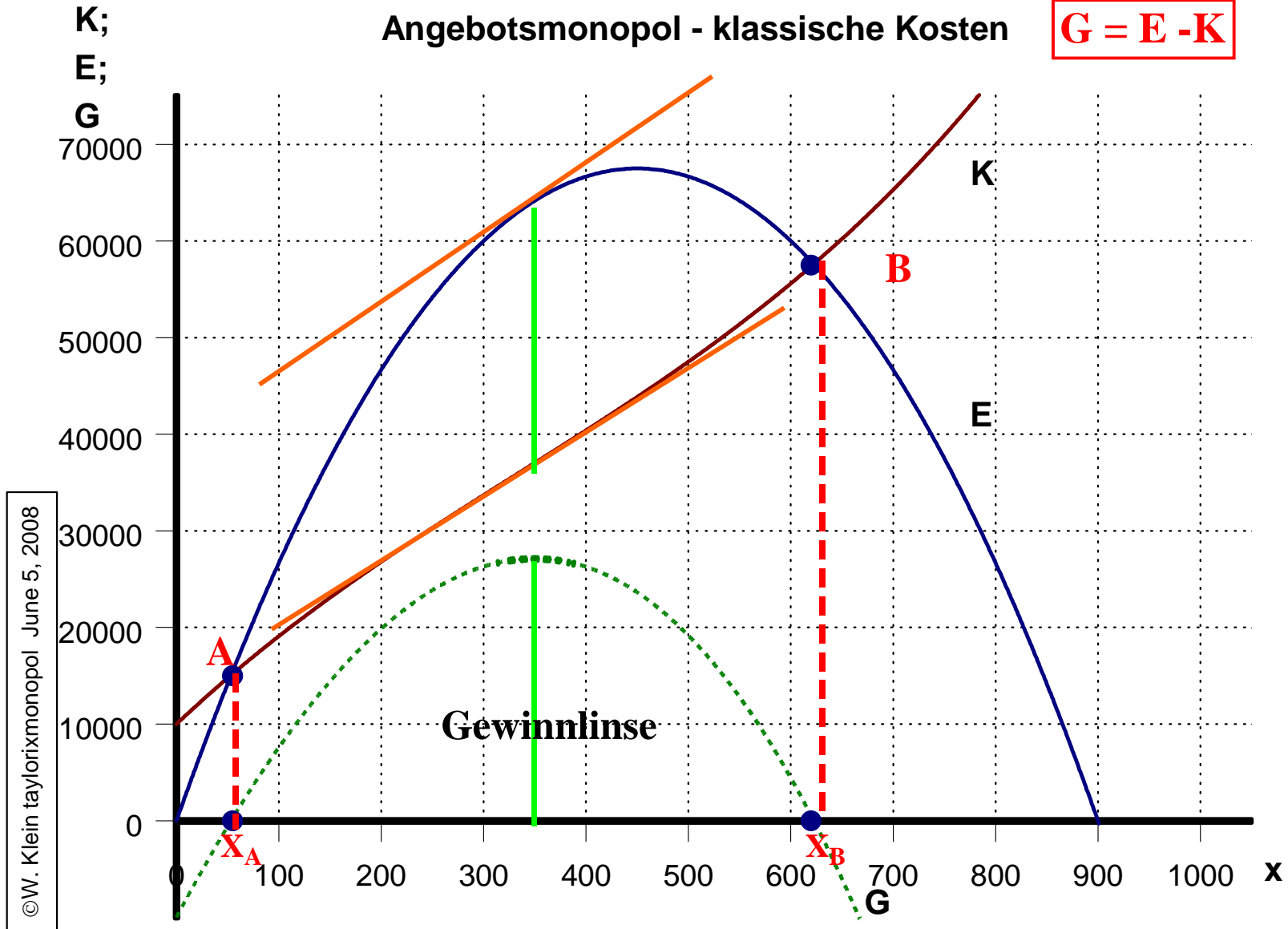
Zahlenbeispiel			
x	p	E	E'
0.00	10.00	0.00	10.00
1.00	9.50	9.50	9.00
2.00	9.00	18.00	8.00
3.00	8.50	25.50	7.00
4.00	8.00	32.00	6.00
5.00	7.50	37.50	5.00
6.00	7.00	42.00	4.00
7.00	6.50	45.50	3.00
8.00	6.00	48.00	2.00
9.00	5.50	49.50	1.00
10.00	5.00	50.00	0.00
11.00	4.50	49.50	-1.00
12.00	4.00	48.00	-2.00
13.00	3.50	45.50	-3.00
14.00	3.00	42.00	-4.00
15.00	2.50	37.50	-5.00
16.00	2.00	32.00	-6.00
17.00	1.50	25.50	-7.00
18.00	1.00	18.00	-8.00
19.00	0.50	9.50	-9.00
20.00	0.00	0.00	-10.00

Der Grenzerlös (E') ist der Zuwachs des Erlöses (dE) bei Absatz einer weiteren (infinitesimal kleinen) Einheit des Produkts (dx).

PAF - Erlösfunktion - Grenzerlösfunktion



© W. Klein- MonopolSS08 Oct. 3, 2008



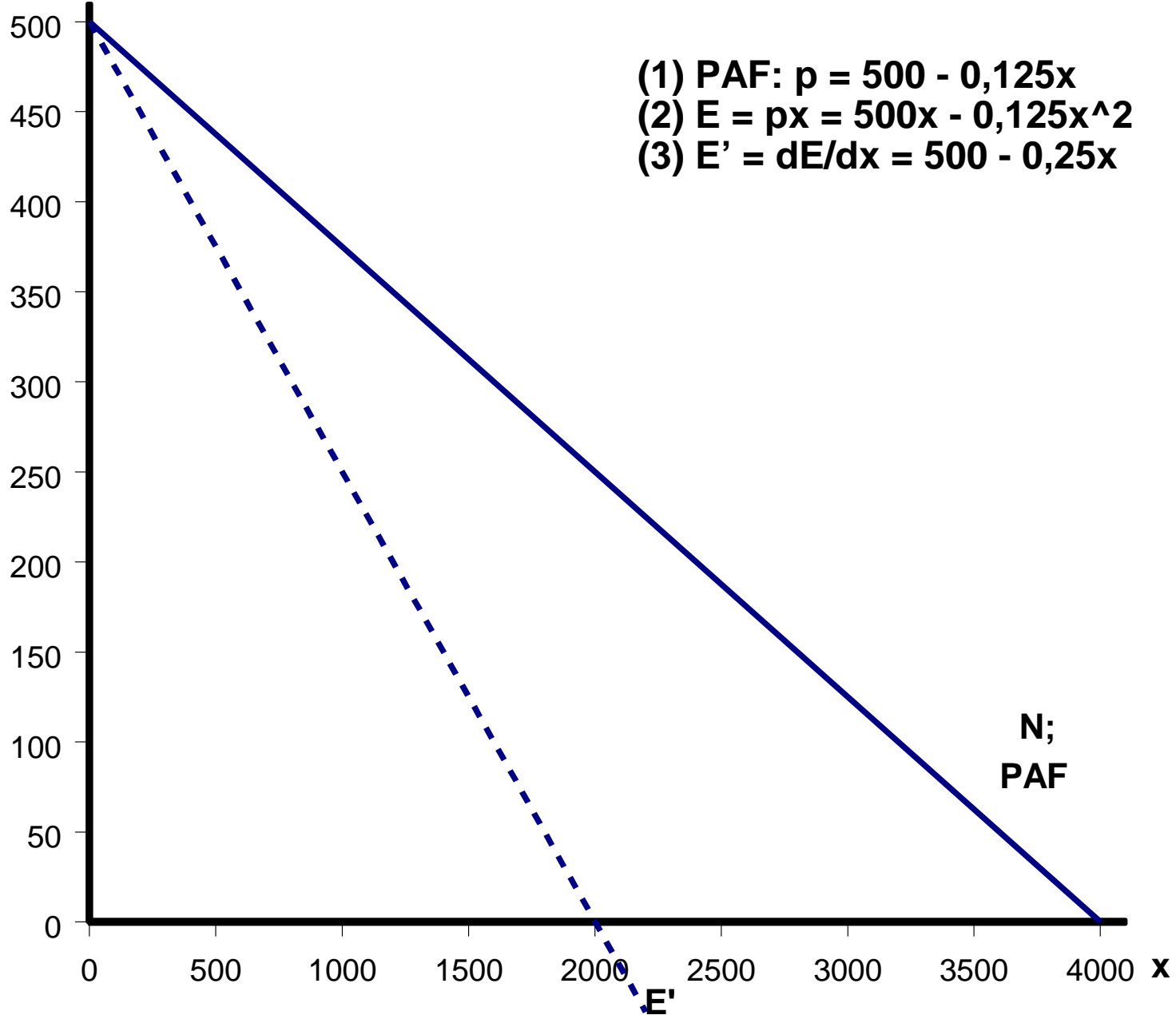
(1) $K = 0,0001x^3 - 0,1x^2 + 100x + 10.000$
 (2) PAF: $p = 300 - 1/3x$ (3) $E = px = 300x - 1/3x^2$

Angebotsmonopol - Marktsituation

K',
STK,
p

- (1) PAF: $p = 500 - 0,125x$
- (2) $E = px = 500x - 0,125x^2$
- (3) $E' = dE/dx = 500 - 0,25x$

©W: klein.Monopol1.3.SGR Oct. 3, 2008



Ableitung der Amoroso-Robinson-Relation

$$(1) E = p_{(x)} \cdot x$$

$$(2) E' = \frac{dE}{dx} = \frac{dp}{dx} \cdot x + p_{(x)} \cdot \frac{dx}{dx} \quad (\text{Produktregel!})$$

Gleichung (2) rechte Seite erster Term erweitert um $\frac{p}{p}$ ergibt

$$(3) E' = \left(\frac{dp}{dx} \cdot \frac{x}{p} \cdot p + p \right) \text{ oder}$$

$$(4) E' = p \cdot \left\{ 1 + \left(\frac{dp}{dx} \cdot \frac{x}{p} \right) \right\}. \text{ Da}$$

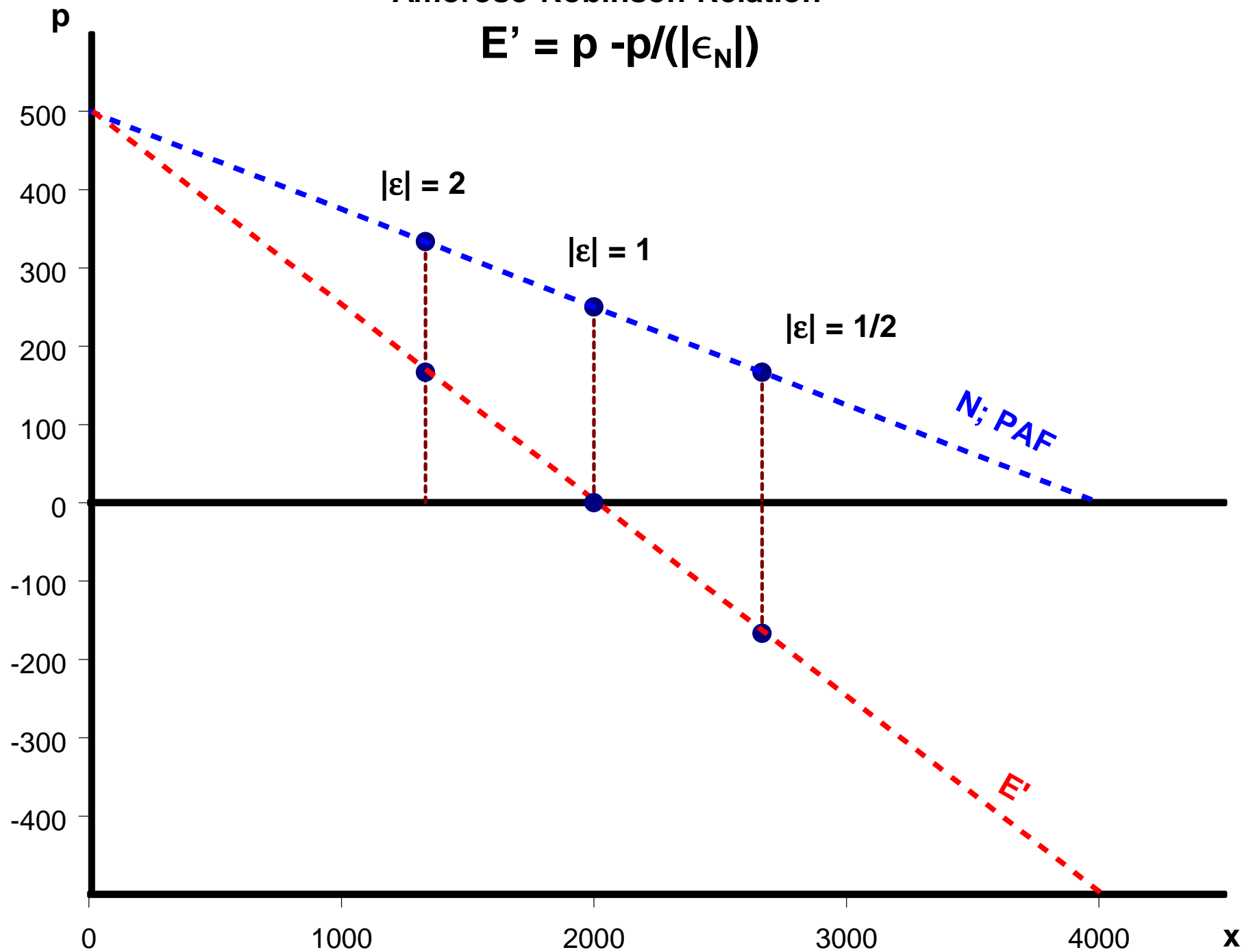
$$(5) \varepsilon_{(x,p)} = - \frac{p}{x} \cdot \frac{dx}{dp} \quad (\text{Direkte Preiselastizität der Nachfrage})$$

$$(6) E' = p \cdot \left\{ 1 + \left(\frac{1}{\varepsilon_{(x,p)}} \right) \right\} \text{ oder}$$

$$(7) E' = p \cdot \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon_{(x,p)}|} \right) \quad (8) E' = p - \frac{p}{|\varepsilon_N|}$$

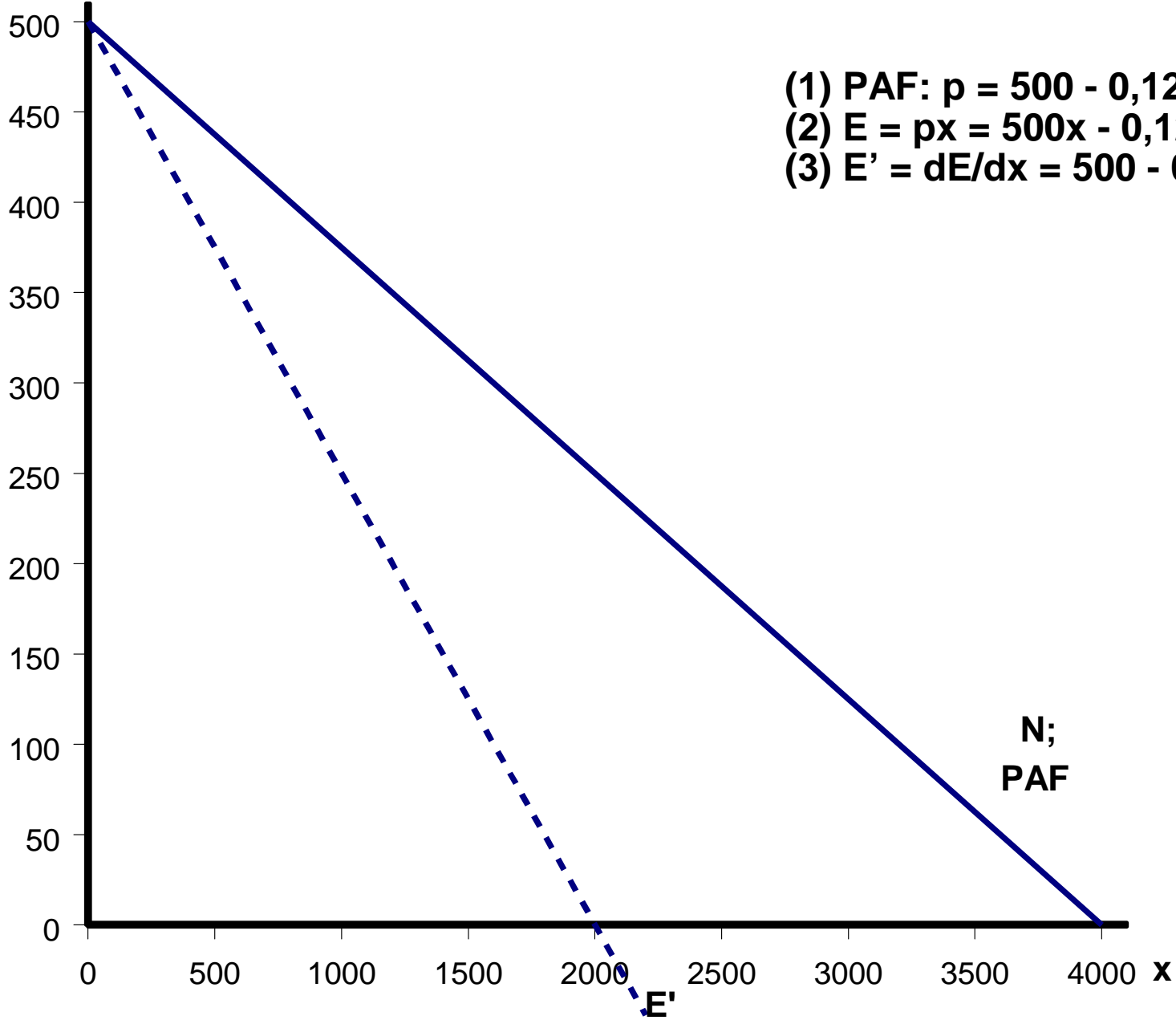
Amoroso-Robinson-Relation

$$E' = p - p/(|\epsilon_N|)$$



Angebotsmonopol - Marktsituation

K',
STK,
p

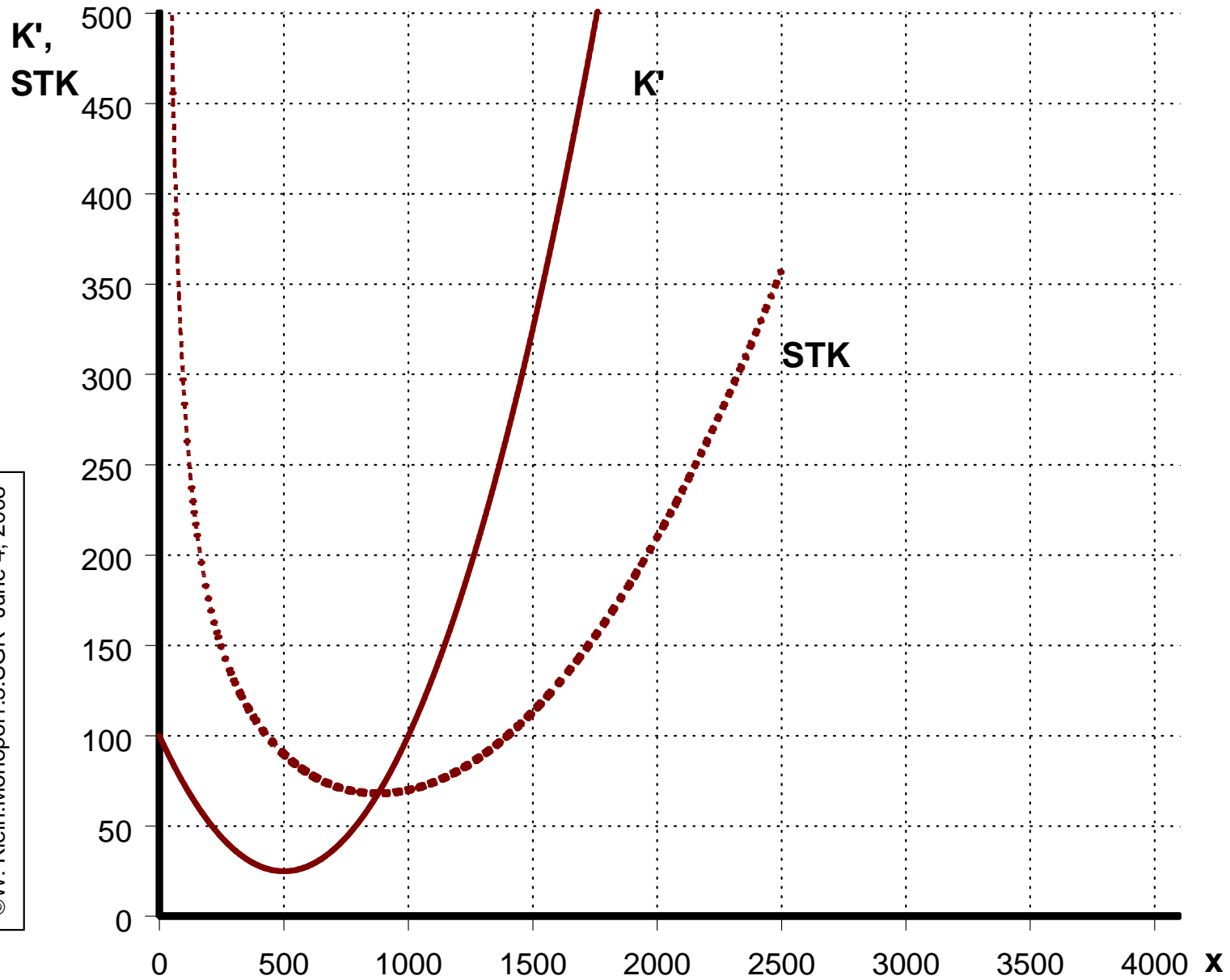


- (1) PAF: $p = 500 - 0,125x$
- (2) $E = px = 500x - 0,125x^2$
- (3) $E' = dE/dx = 500 - 0,25x$

N;
PAF

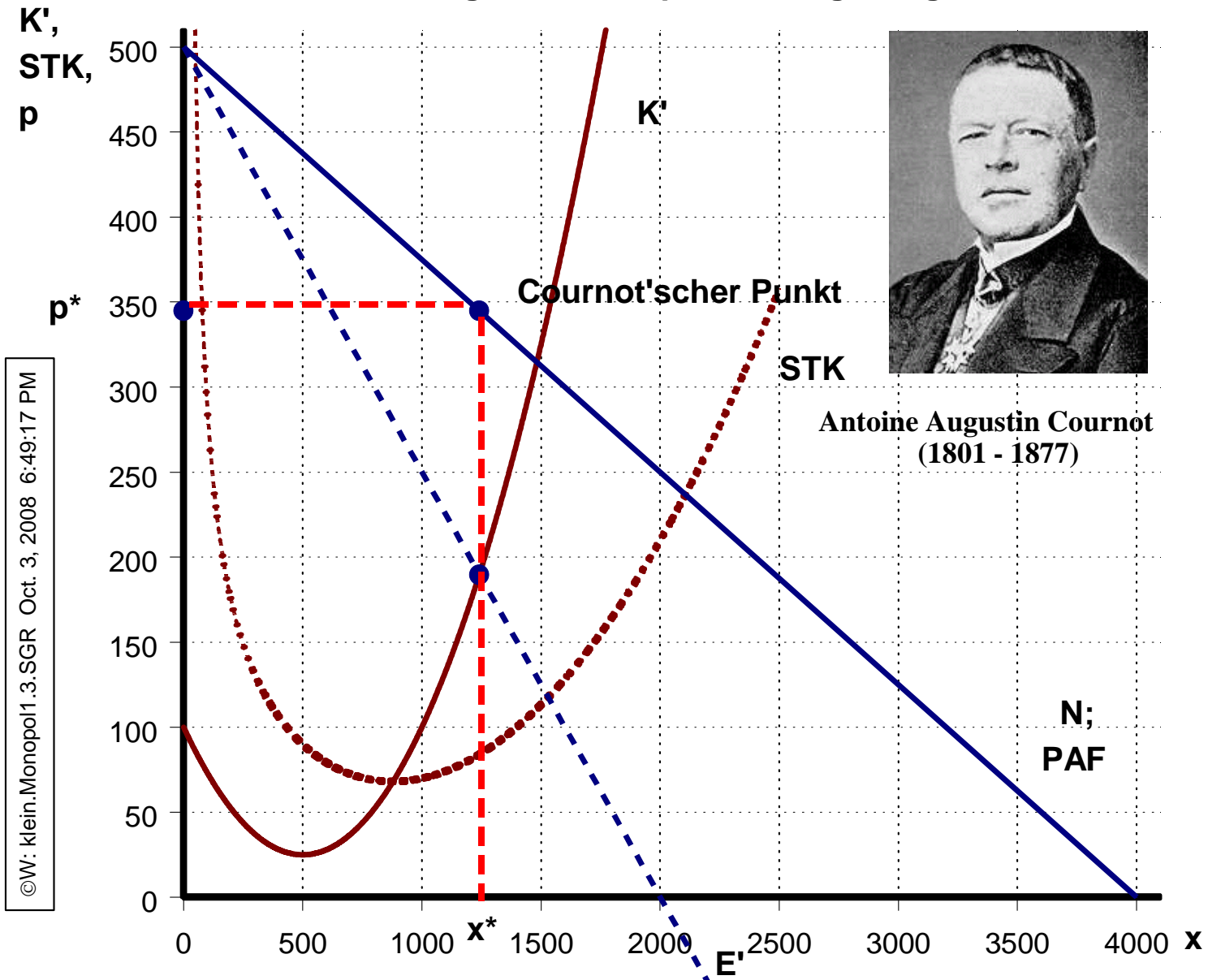
©W: klein.Monopol11.3.SGR Oct. 3, 2008

Angebotsmonopol - klassische Kostenstruktur



©W: Klein.Monopol1.3.SGR June 4, 2008

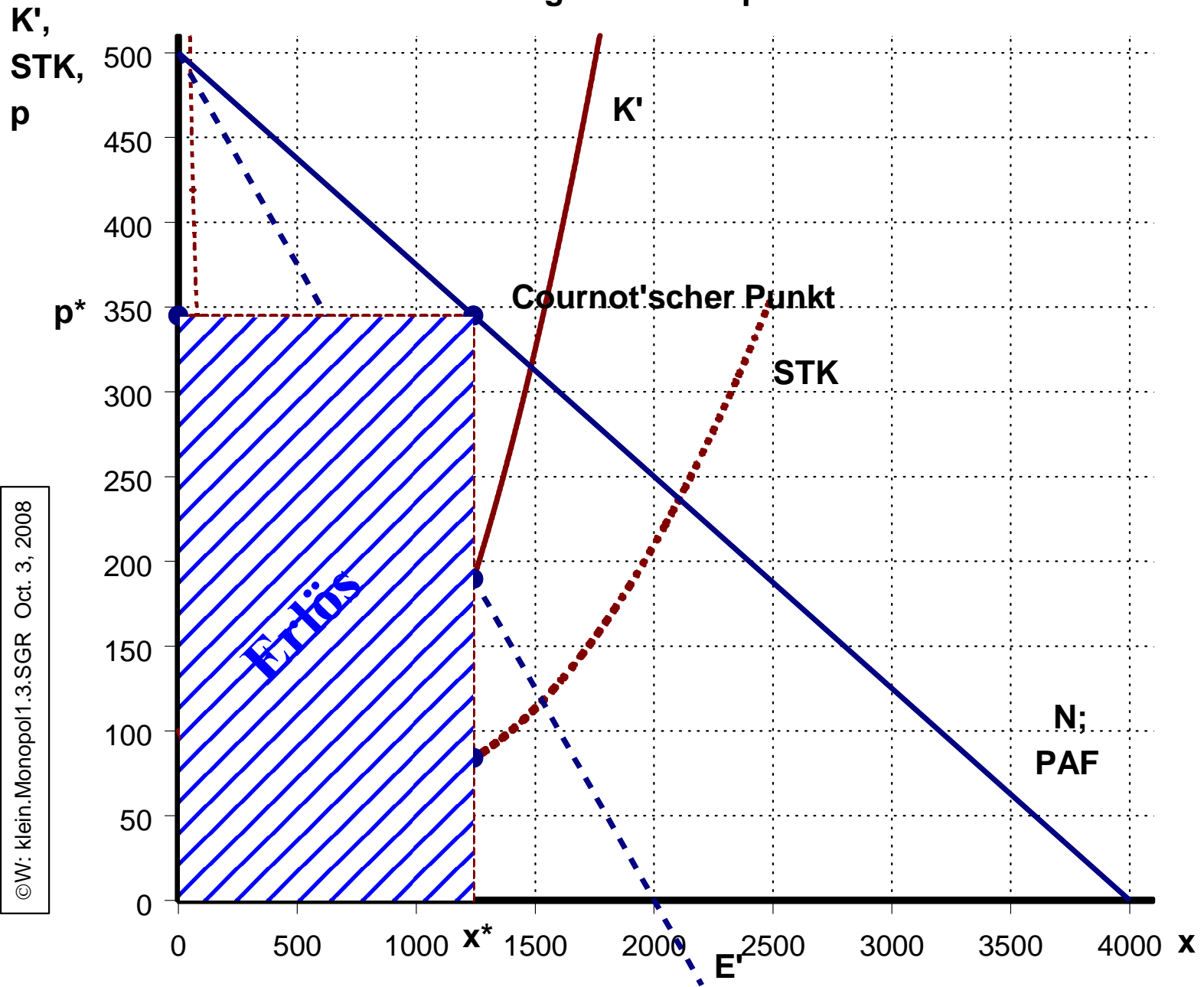
Angebotsmonopol - Marktgleichgewicht



Antoine Augustin Cournot
(1801 - 1877)

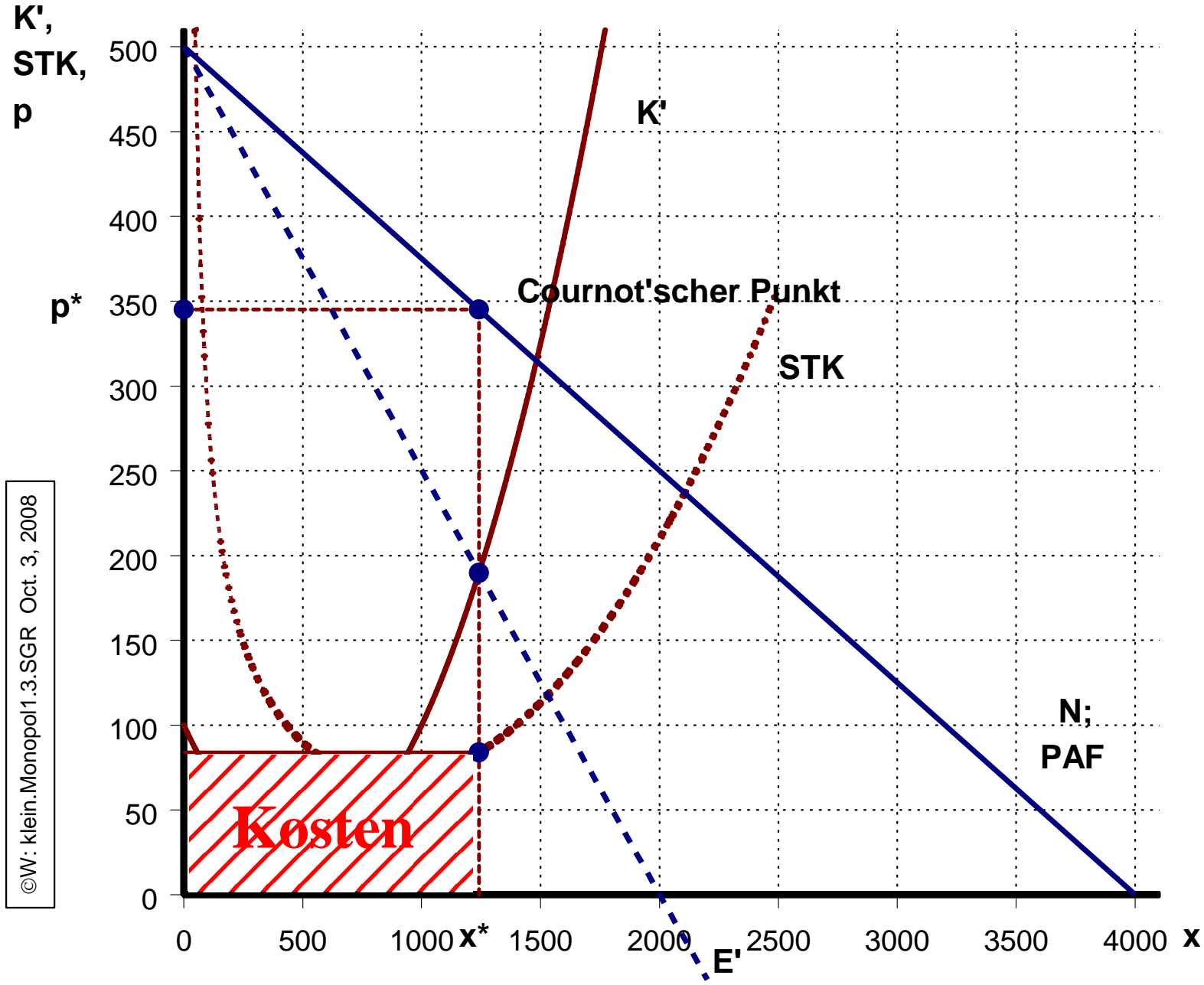
©W: klein.Monopol1.3.SGR Oct. 3, 2008 6:49:17 PM

Angebotsmonopol - Erlös



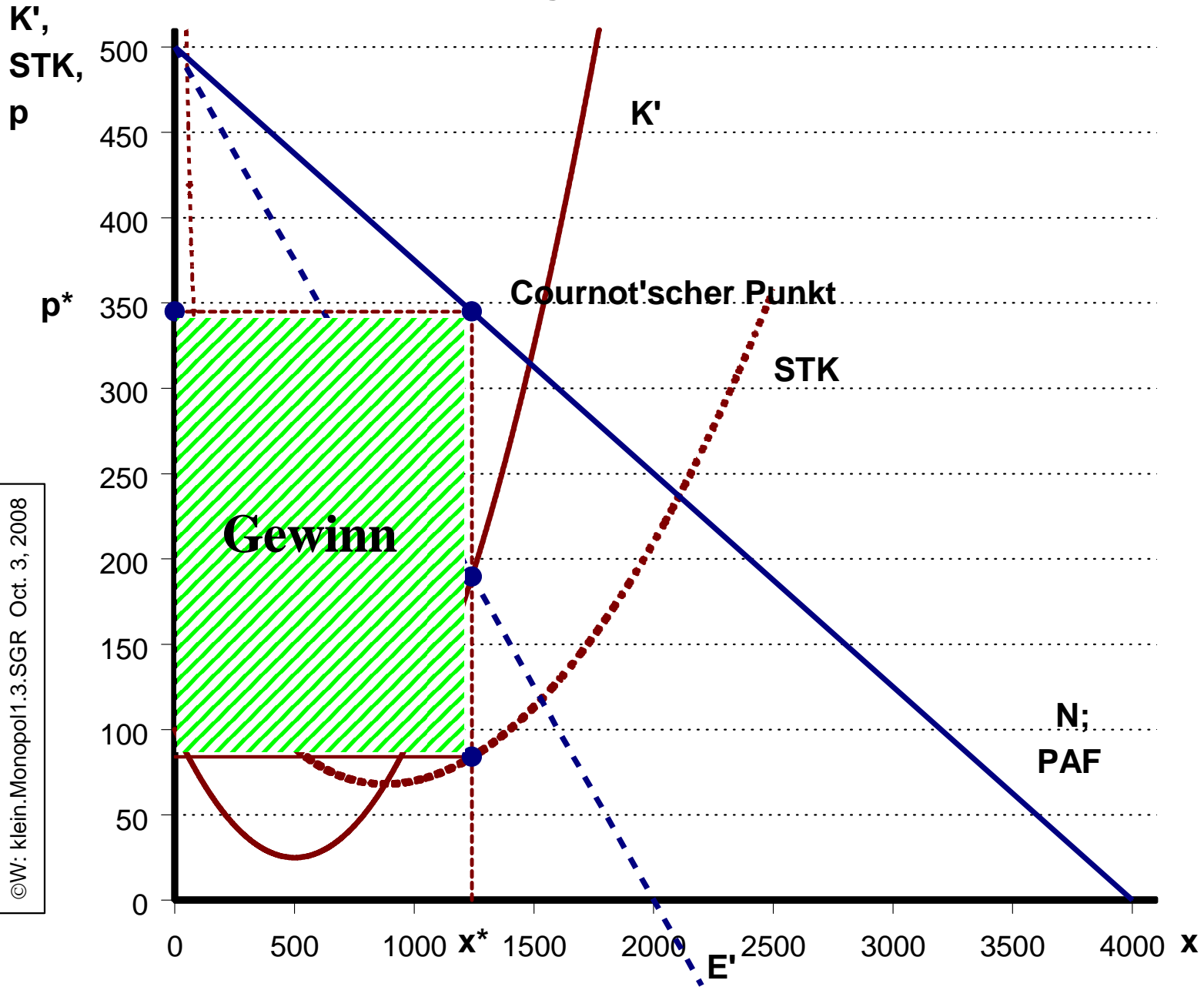
©W: klein.Monopol1.3.SGR Oct. 3, 2008

Angebotsmonopol - Kosten



©W: klein.Monopol1.3.SGR Oct. 3, 2008

Angebotsmonopol



©W: klein.Monopol1.3.SGR Oct. 3, 2008

Aufgabe zur Monopolpreisbildung

Die Marktnachfrage (N) nach einem Produkt (x) sei beschrieben durch die folgende Nachfragefunktion:

$$(1) N; PAF: p = 500 - 0,125x$$

Der monopolistische Anbieter des Produkts (x) ist mit einer gegebenen Gesamtkostenfunktion (K) der folgenden Gestalt konfrontiert:

$$(2) K = 100x + 240.000$$

- **Bestimmen Sie die gewinnmaximale Preis-Mengen-Kombination (x^*) und (p^*) im Sinne der Koordinatenwerte des Cournot'schen Punktes.**
- **Welchen Gewinn erwirtschaftet der Monopolist hierbei?**
- **Welche Preis-Mengen-Kombination wäre zu verwirklichen, wenn der Monopolist per Dekret durch das Bundeskartellamt gezwungen würde, nur jenen Preis zu verlangen, der seinen Stückkosten entspricht, wobei gleichzeitig eine dementsprechende bestmögliche mengenmäßige Marktversorgung zu gewährleisten ist.**

Koordinatenwerte des Cournot'schen Punktes
Gewinnmaximum: $K' = E'$

$$(1) K = 100x + 240.000 \quad (2) K' = \frac{dK}{dx} = 100$$

$$(3) p = 500 - 0,125x \quad (4) E = px$$

$$(5) E = (500 - 0,125x)x \quad (6) E = 500x - 0,125x^2$$

$$(7) E' = \frac{dE}{dx} = 500 - 0,25x \quad (8) K' = E'$$

$$(9) 100 = 500 - 0,25x \quad (10) 0,25x = 400$$

$$(11) x^* = 1.600 \quad (12) p^* = 500 - 0,125 \cdot 1.600 = 300$$

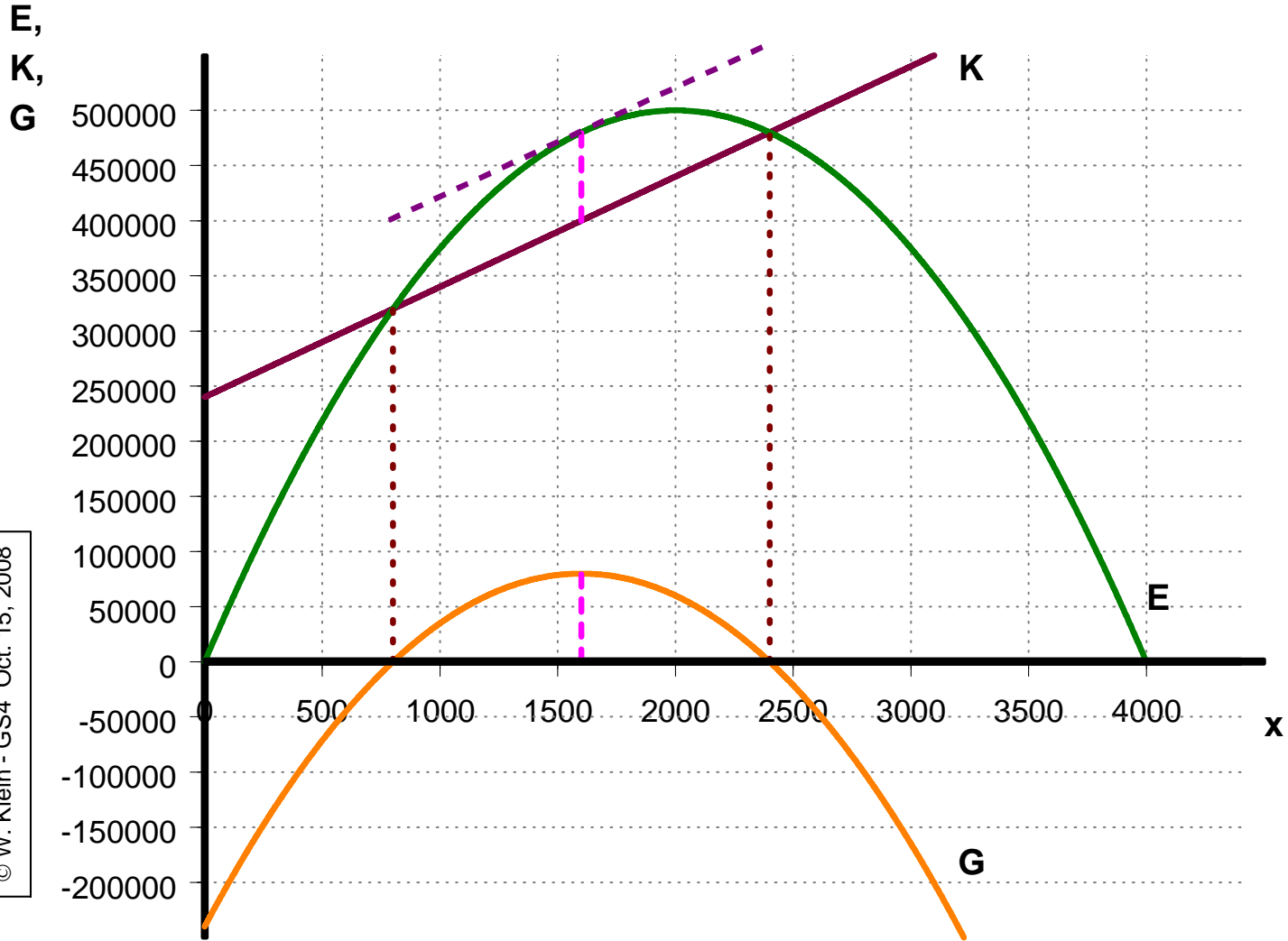
Gewinn:

$$(1) G = E - K \quad (2) E = px = 300 \cdot 1.600 = 480.000$$

$$(3) K = 100 \cdot 1.600 + 240.000 = 400.000$$

$$(4) G = 480.000 - 400.000 = 80.000$$

Monopolaufgabe - graphische Lösung 1



© W. Klein - GS4 Oct. 15, 2008

N; PAF

E';

K'; 500

DKv

STK

450

400

350

300

250

200

150

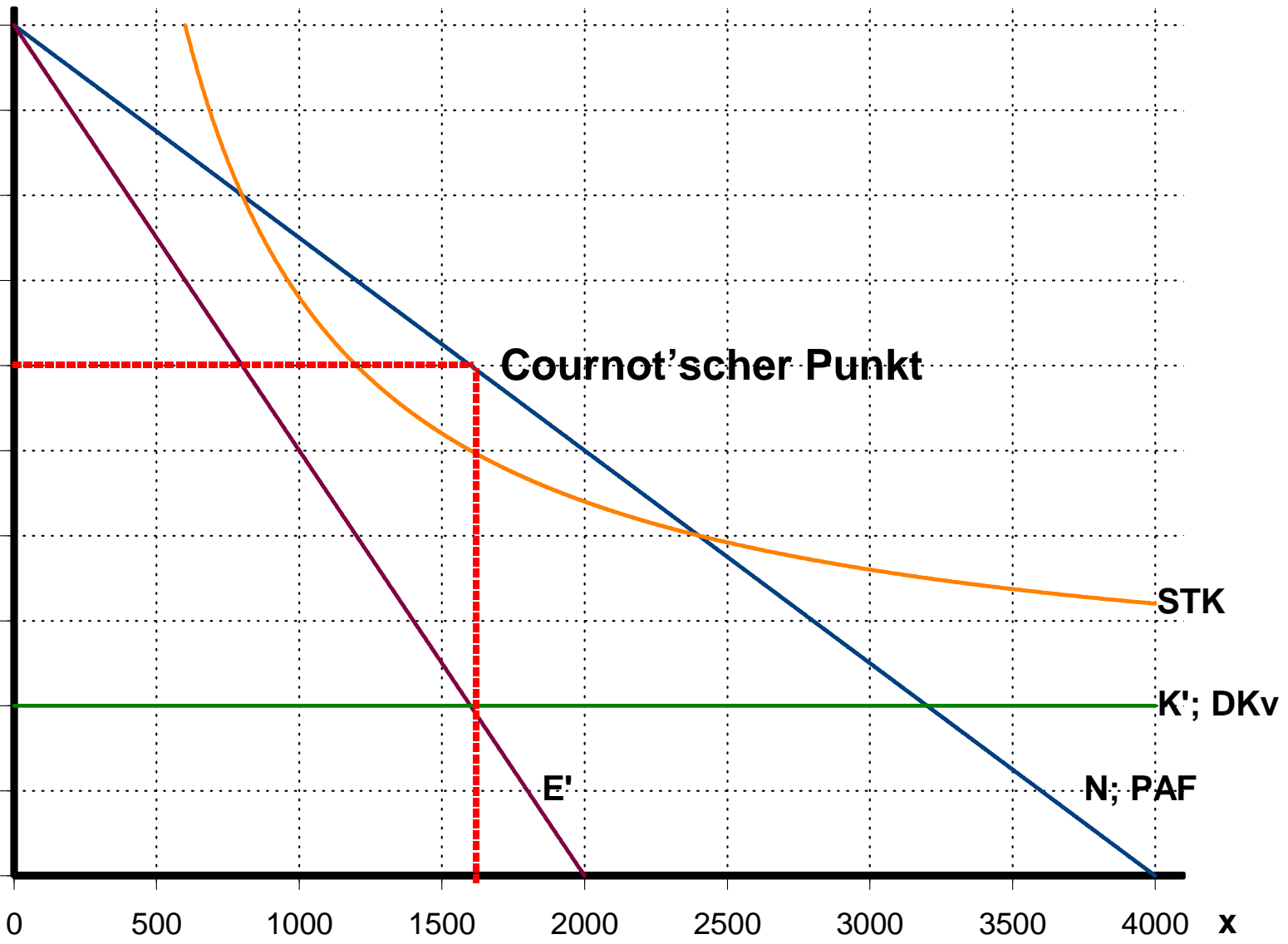
100

50

0

Angebotsmonopol - lineare Gesamtkosten - graphische Lösung 2

© w.klein - Monopol22 July 2, 2008



Cournot'scher Punkt

STK

K'; DKv

E'

N; PAF

x

N; PAF

E';

K'; 500

DKv

STK

400

350

300

250

200

150

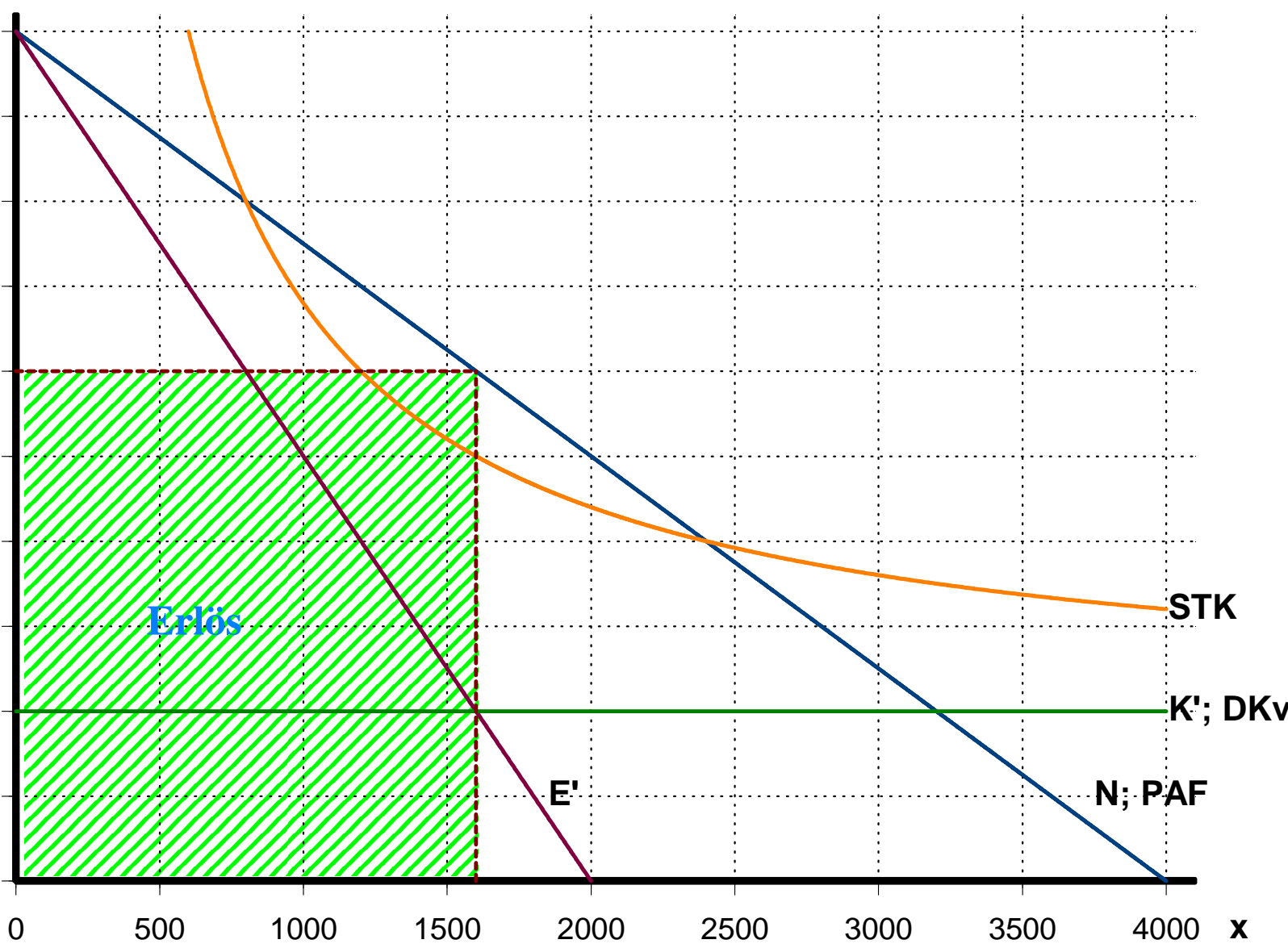
100

50

0

Angebotsmonopol - lineare Gesamtkosten

© w.klein - Monopol22 Oct. 3, 2008



Erlös

E'

STK

K'; DKv

N; PAF

x

N; PAF

E';

K'; 500

DKv

STK

400

350

300

250

200

150

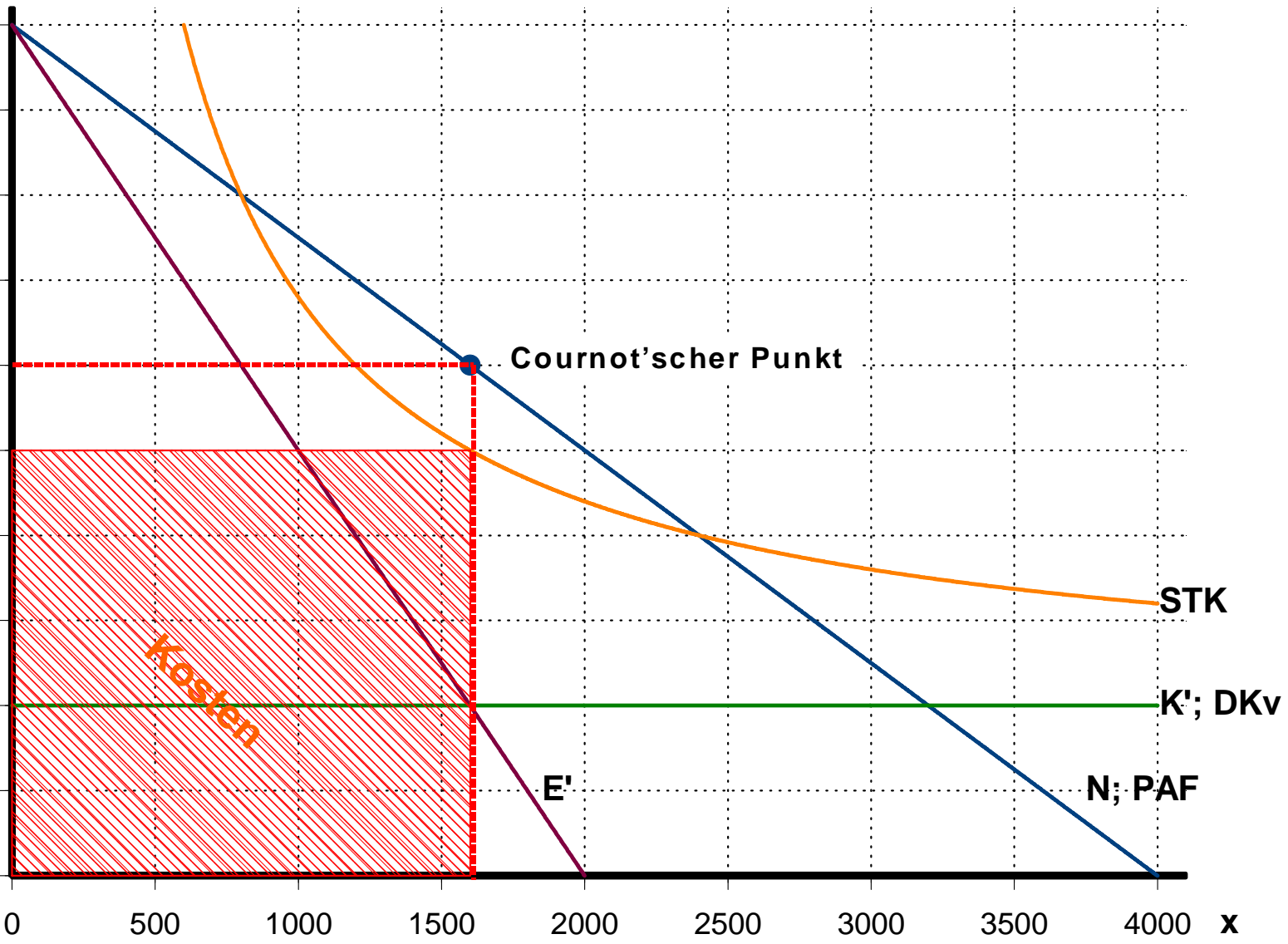
100

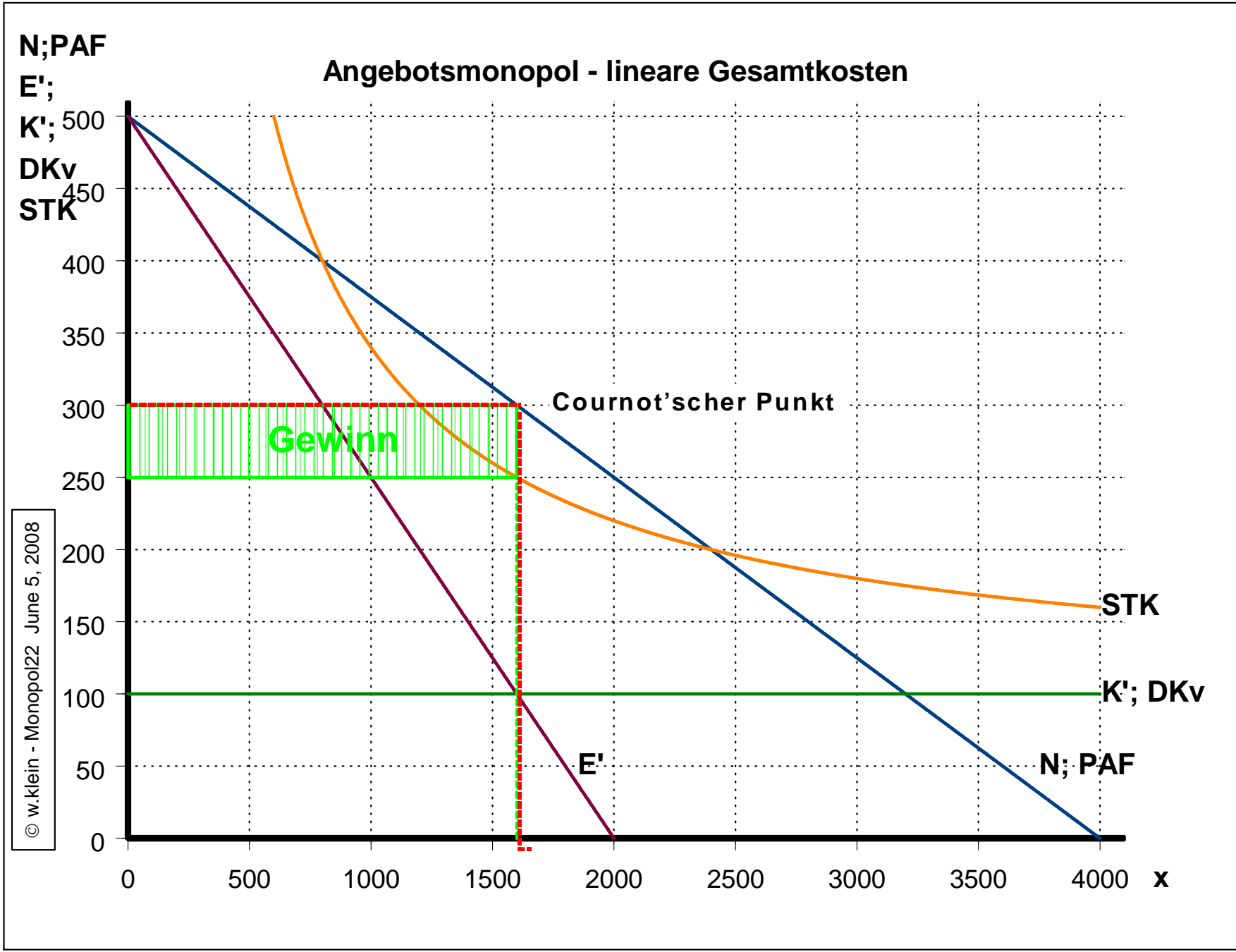
50

0

Angebotsmonopol - lineare Gesamtkosten

© w.klein - Monopol22 June 5, 2008





© w.klein - Monopol22 June 5, 2008

Aufgabe zur Monopolpreisbildung

Die Marktnachfrage (N) nach einem Produkt (x) sei beschrieben durch die folgende Nachfragefunktion:

$$(1) N: p = 500 - 0,125x$$

Der monopolistische Anbieter des Produkts (x) ist mit einer gegebenen Gesamtkostenfunktion (K) der folgenden Gestalt konfrontiert:

$$(2) K = 100x + 240.000$$

- Bestimmen Sie die gewinnmaximale Preis-Mengen-Kombination (x^*) und (p^*) im Sinne der Koordinatenwerte des Cournot'schen Punktes.
- Welchen Gewinn erwirtschaftet der Monopolist hierbei?
- Welche Preis-Mengen-Kombination wäre zu verwirklichen, wenn der Monopolist per Dekret durch das Bundeskartellamt gezwungen würde, nur jenen Preis zu verlangen, der seinen Stückkosten entspricht, wobei gleichzeitig eine dementsprechende bestmögliche mengenmäßige Marktversorgung zu gewährleisten ist.

Stückkosten (STK):

$$(1) STK = \frac{K}{x} = \frac{100x + 240.000}{x} = 100 + \frac{240.000}{x}$$

Stückkosten (STK) = Preis (p)

$$(2) 100 + \frac{240.000}{x} = 500 - 0,125x \quad | \cdot x$$

$$(3) 100x + 240.000 = 500x - 0,125x^2$$

$$(4) 0,125x^2 - 400x + 240.000 = 0 \quad | \div 0,125$$

$$(5) x^2 - 3.200x + 1.920.000 = 0 \quad | p - q - \textit{Formel}$$

$$(6) x_{1,2} = -\frac{-3.200}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{3.200}{2}\right)^2 - 1.920.000}$$

$$(7) x_{1,2} = 1.600 \pm 800 \quad (8) x_1 = 2.400 \quad [(9) x_2 = 800 \textit{ suboptimal}]$$

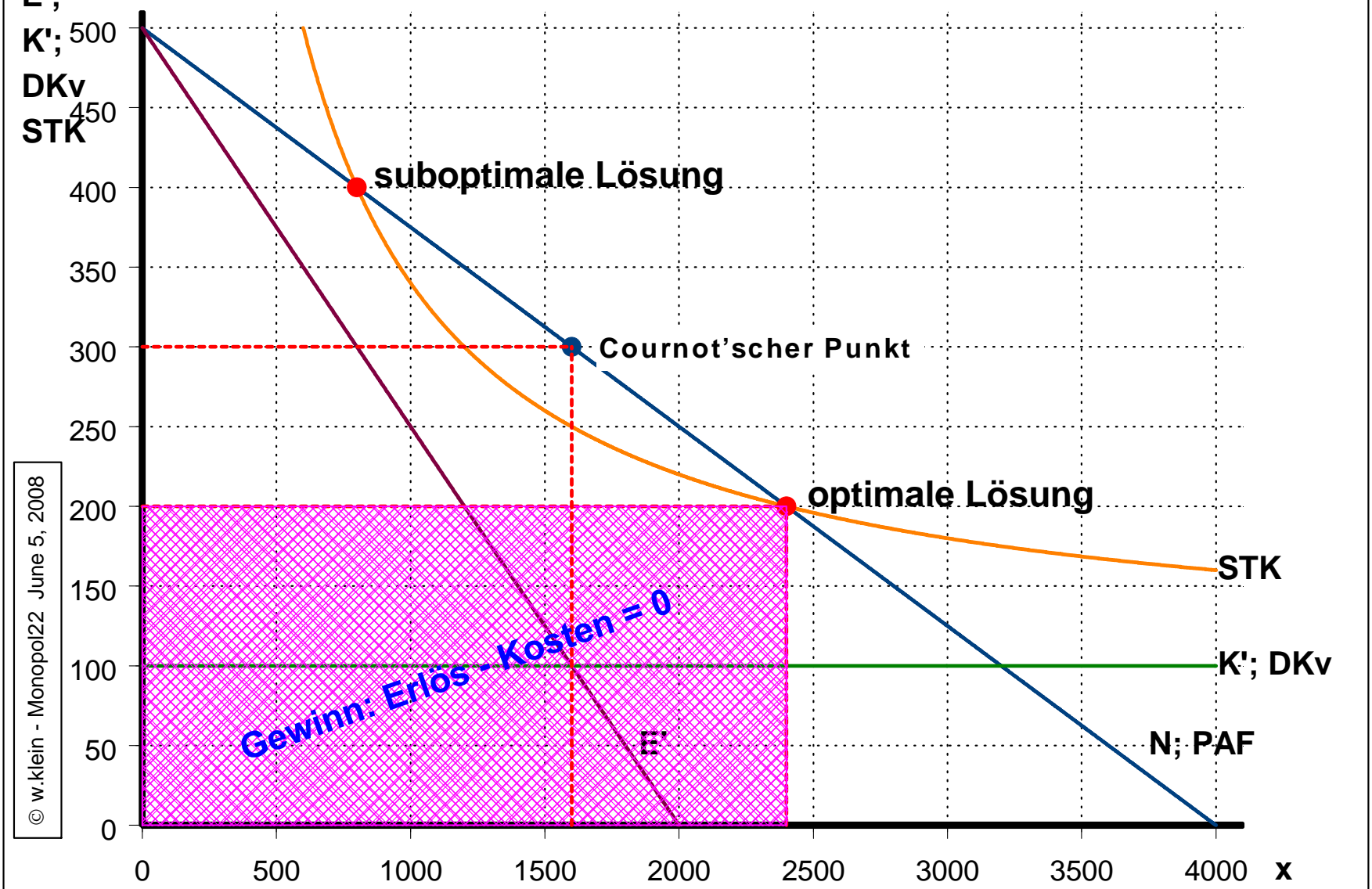
$$(10) p = 500 - 0,125 \cdot 2.400 = 200 \quad (11) G = E - K$$

$$(12) E = 200 \cdot 2.400 = 480.000 \quad (13) K = 100 \cdot 2.400 + 240.000 = 480.000$$

$$(14) G = 480.000 - 480.000 = 0$$

N; PAF
E';
K'; 500
DKv
STK
450
400
350
300
250
200
150
100
50
0

Angebotsmonopol - lineare Gesamtkosten



© w.klein - Monopol22 June 5, 2008

Gewinn: Erlös - Kosten = 0

suboptimale Lösung

Cournot'scher Punkt

optimale Lösung

STK

K'; DKv

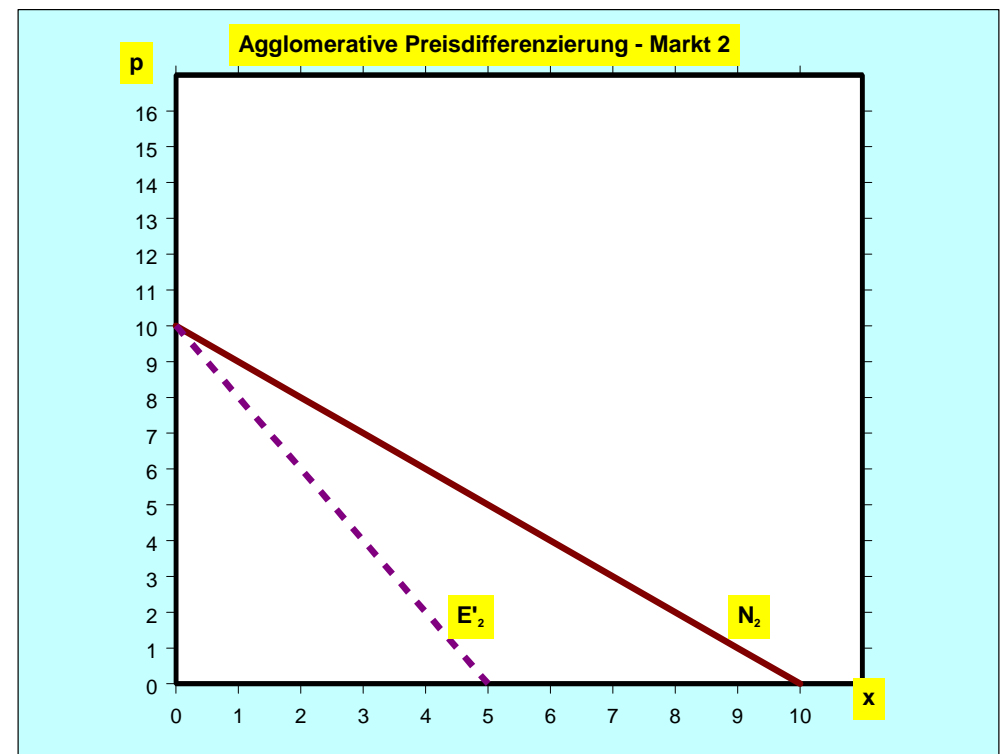
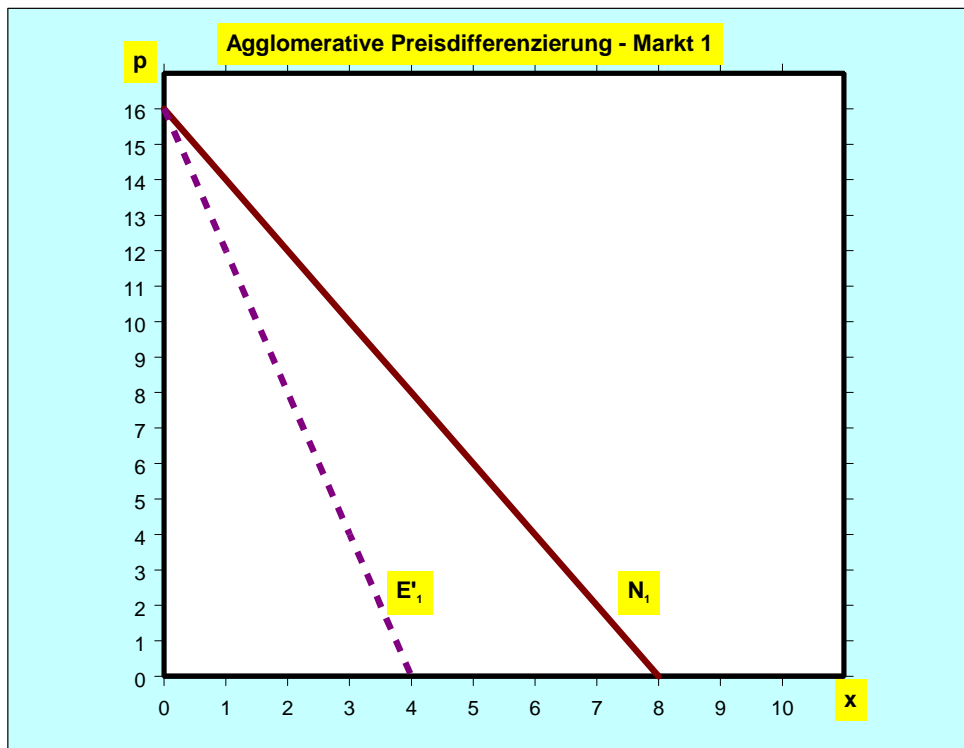
N; PAF

x

Agglomerative monopolistische Preisdifferenzierung (Preisdiskriminierung 3. Grades)

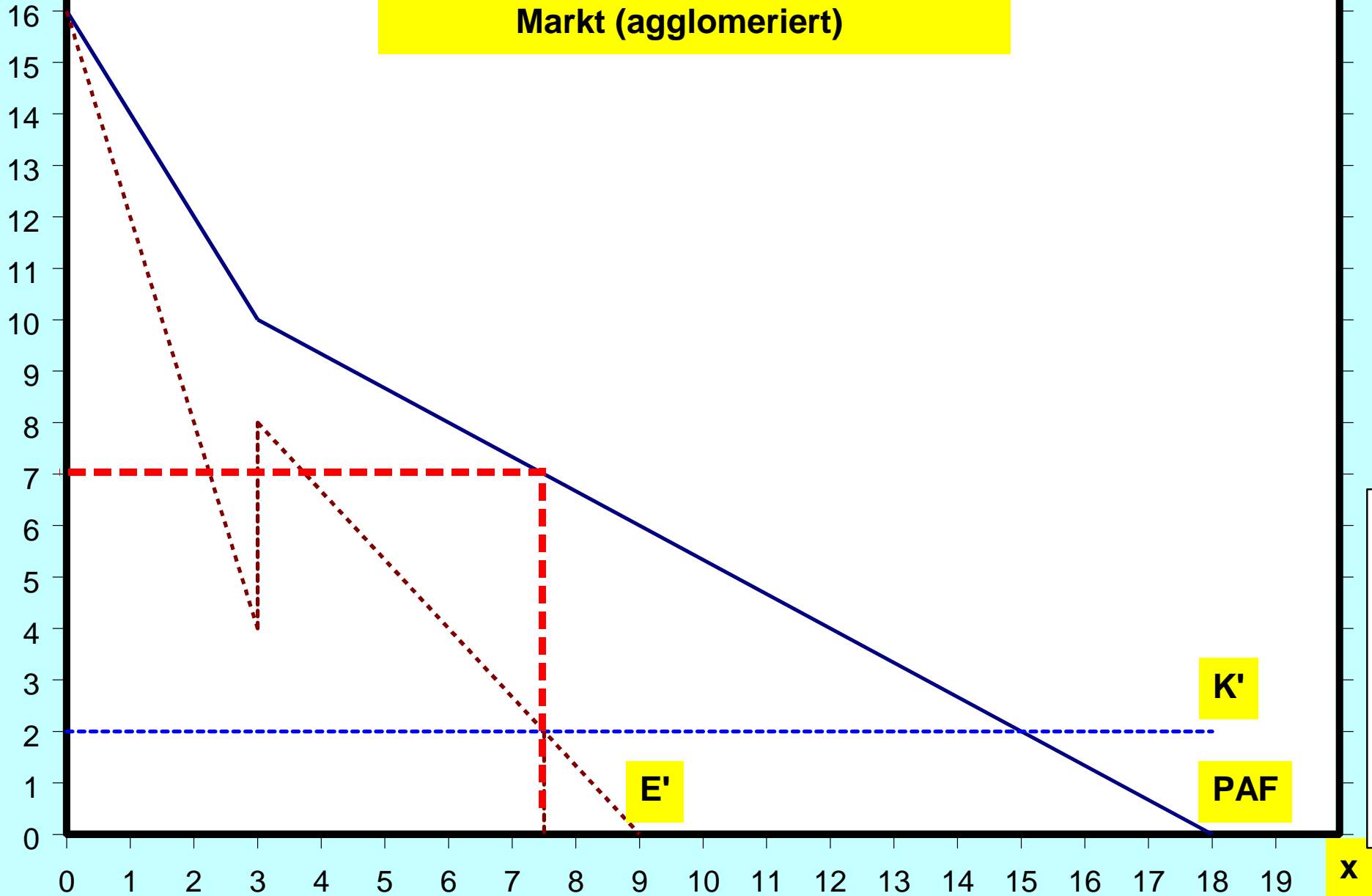
Modellannahmen:

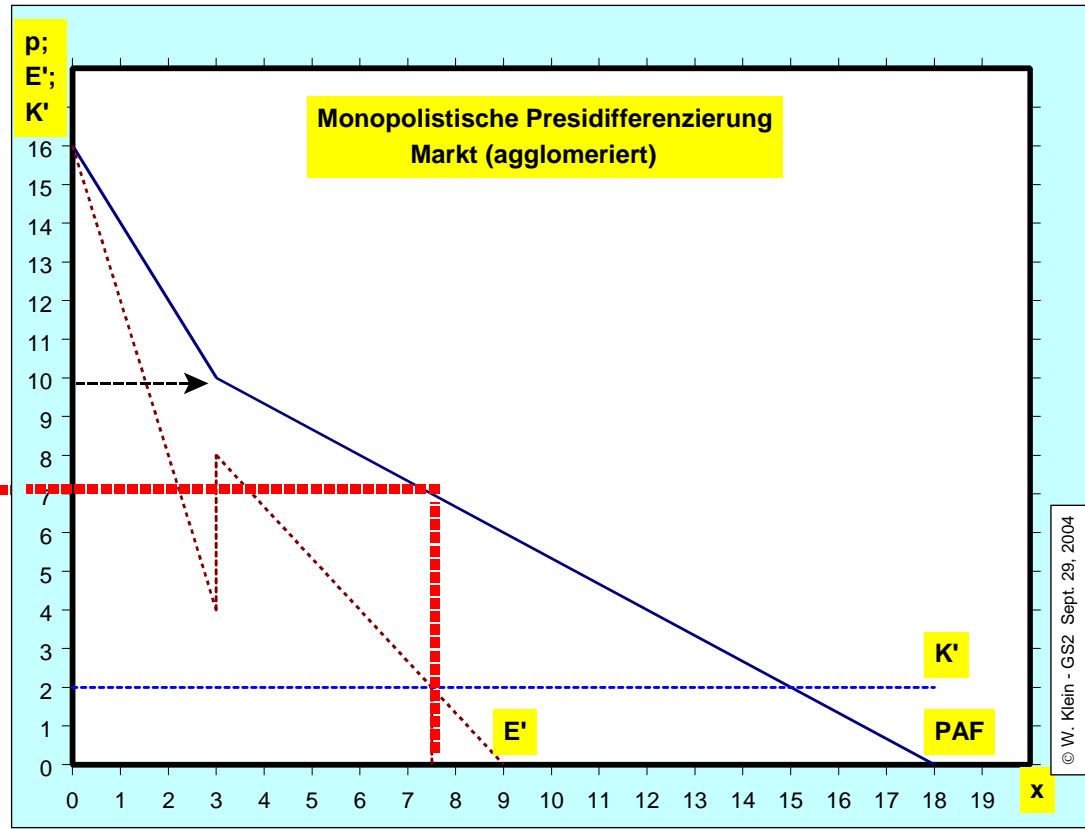
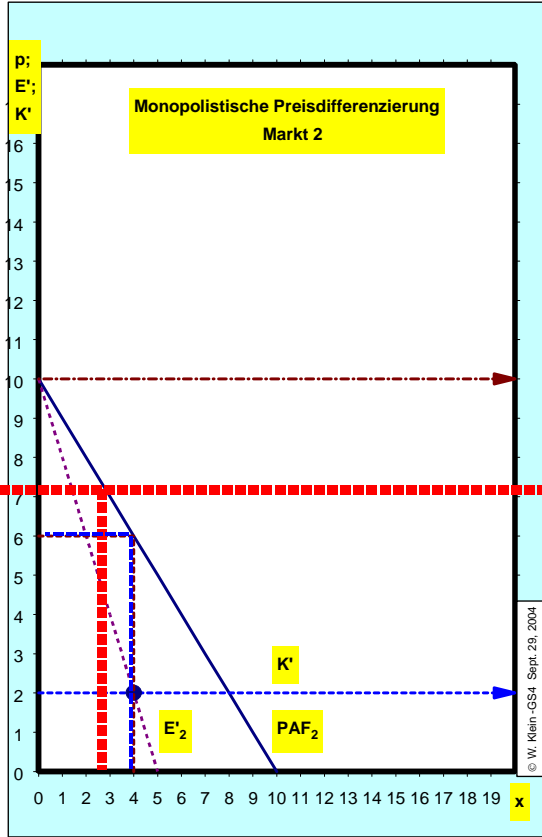
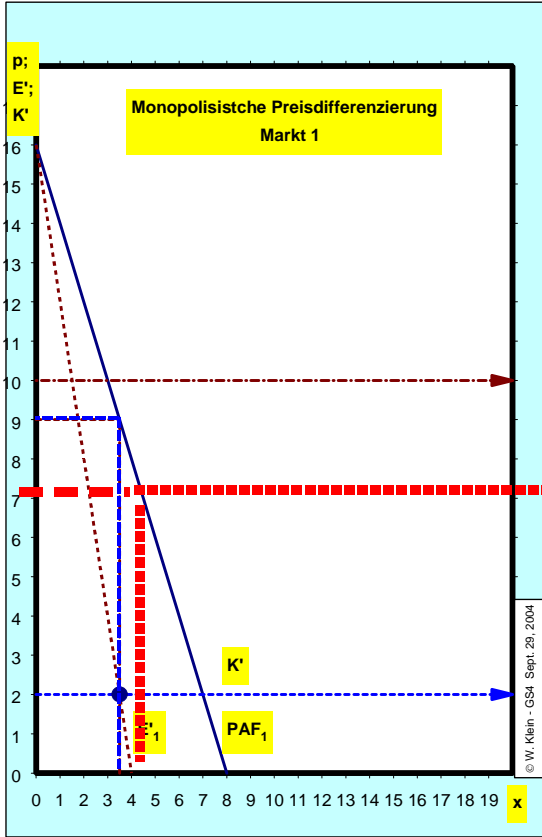
- Segmentierung zweier Märkte durch einen Monopolisten
- Keine Arbitragemöglichkeiten

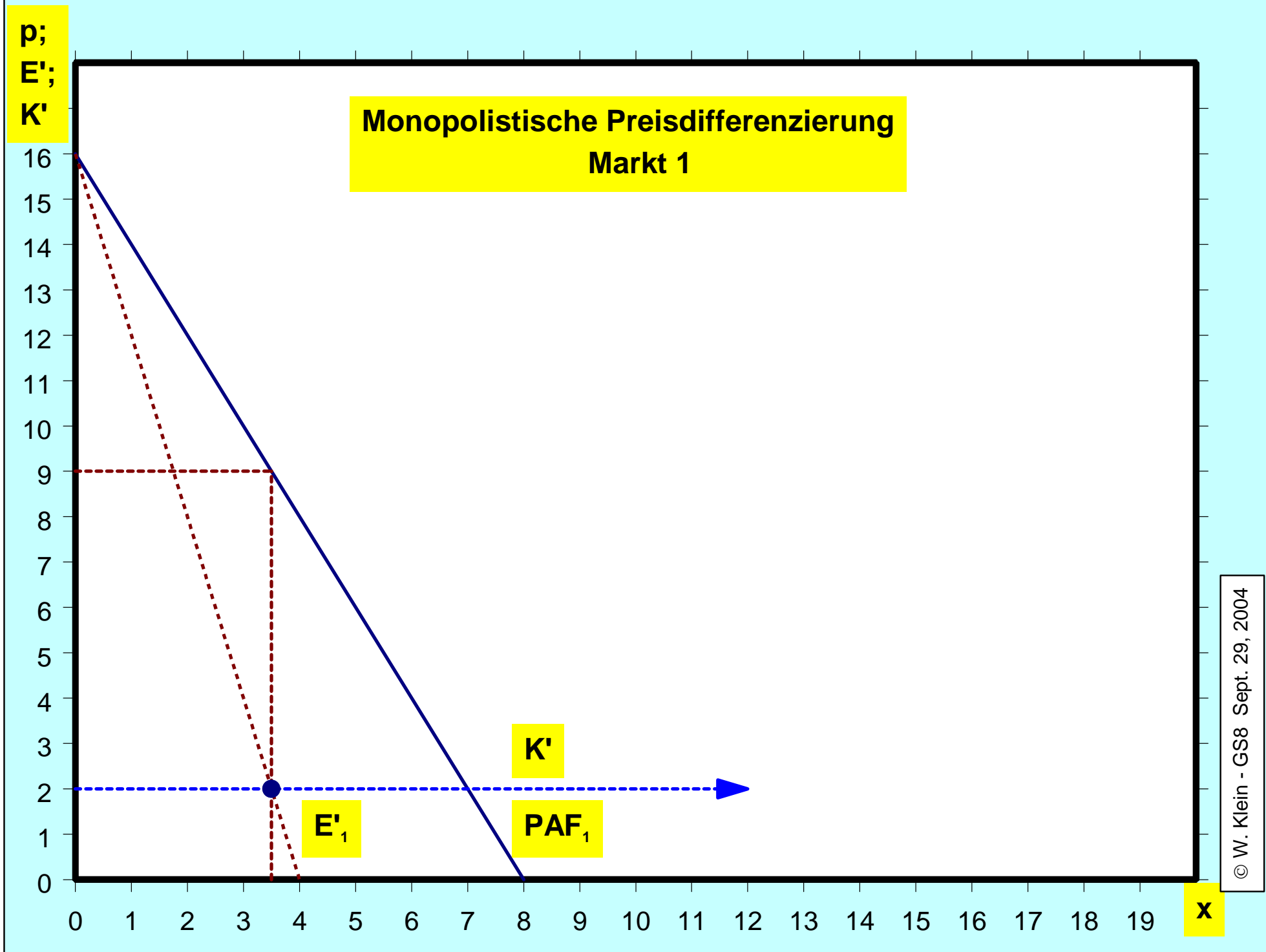


$p;$
 $E';$
 K'

Monopolistische Presidifferenzierung Markt (agglomeriert)

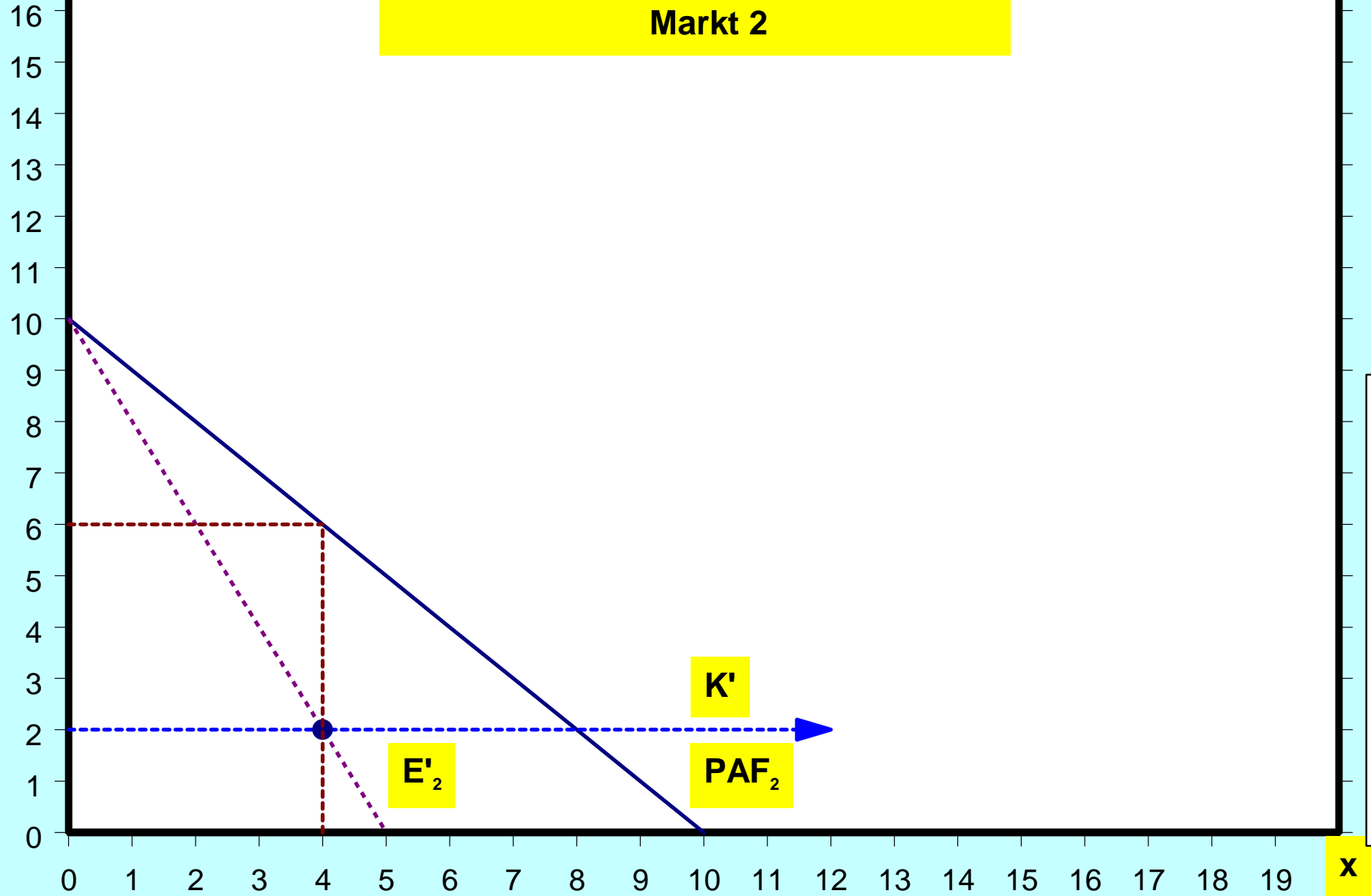


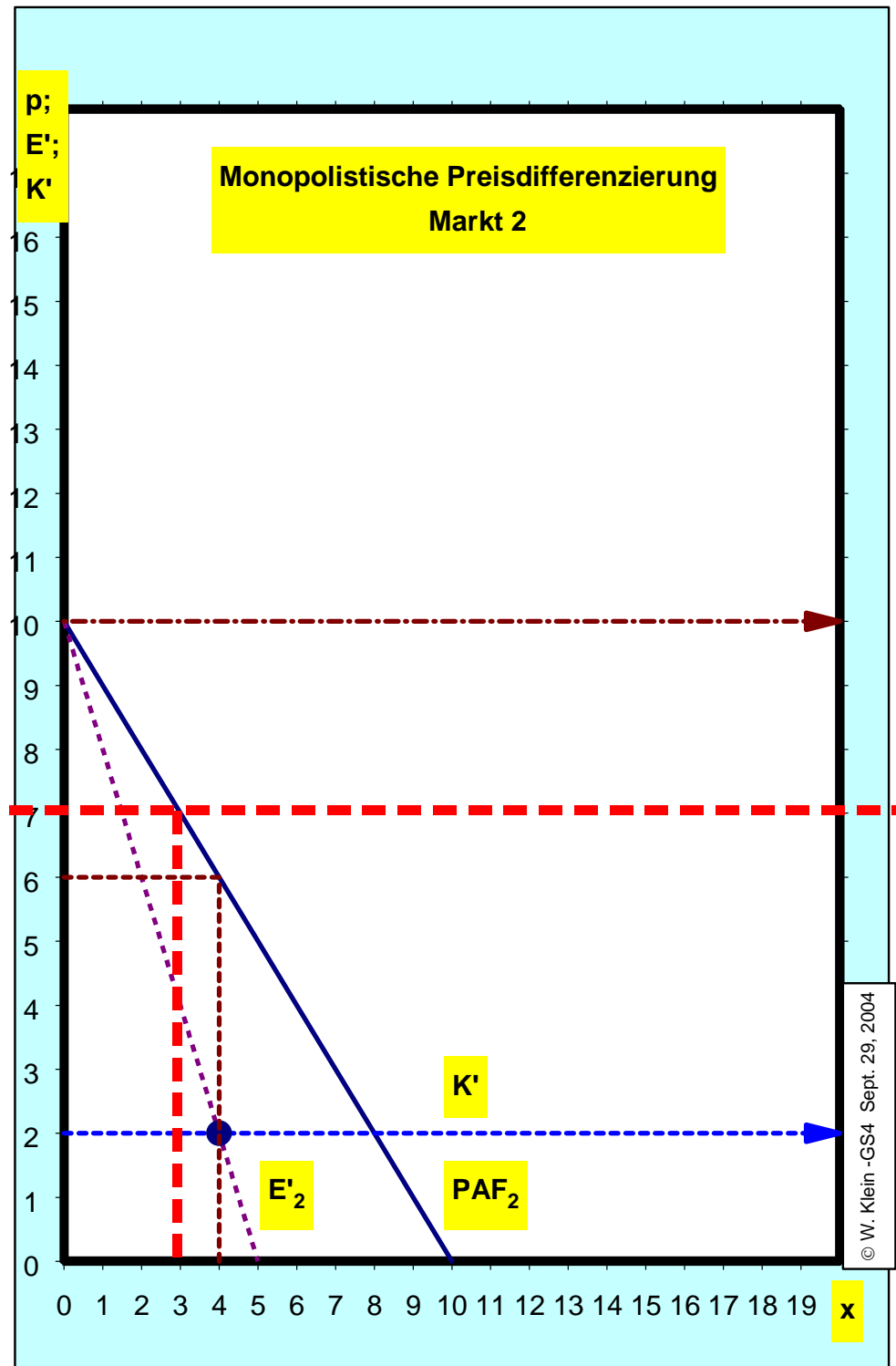
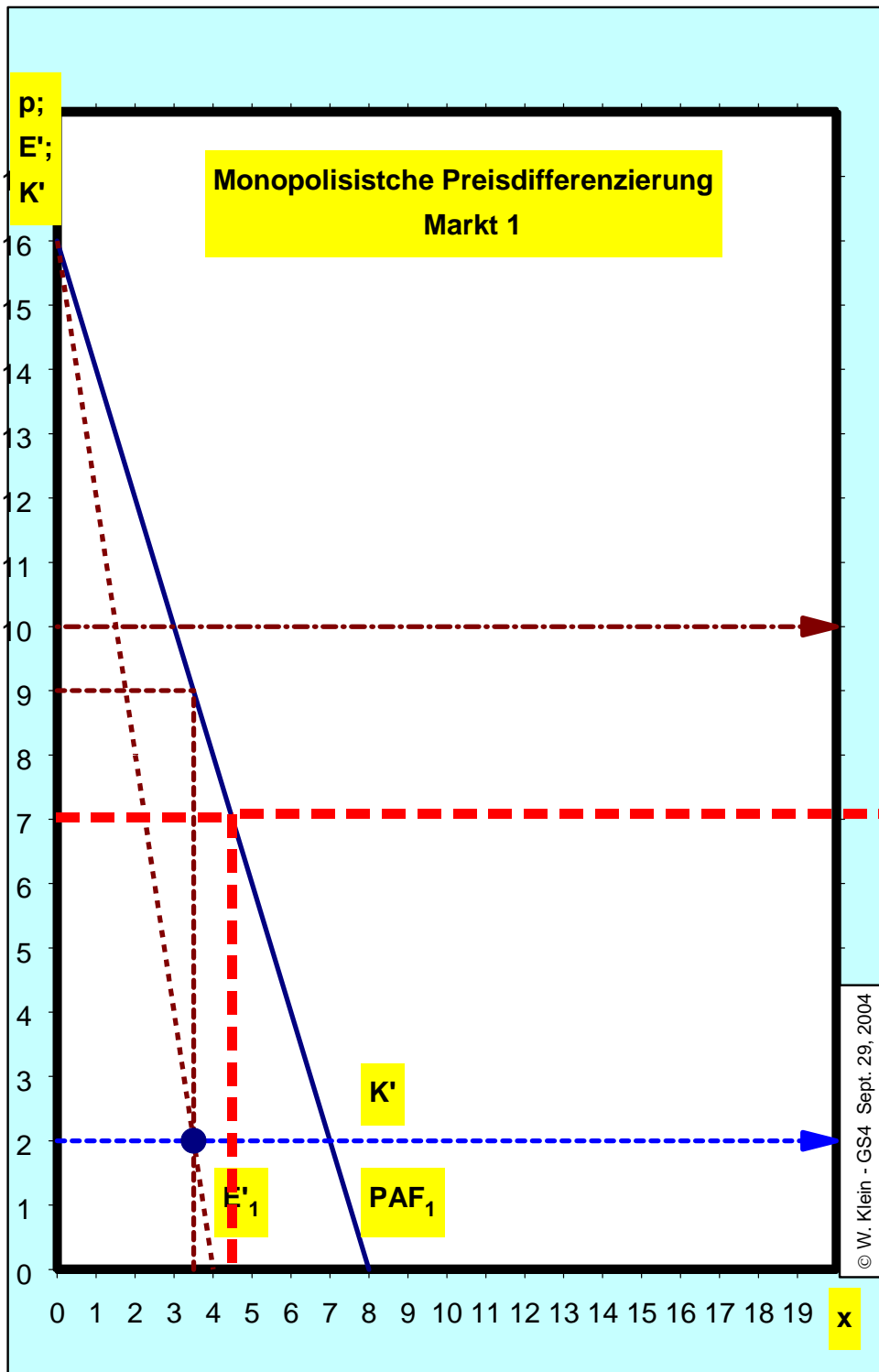


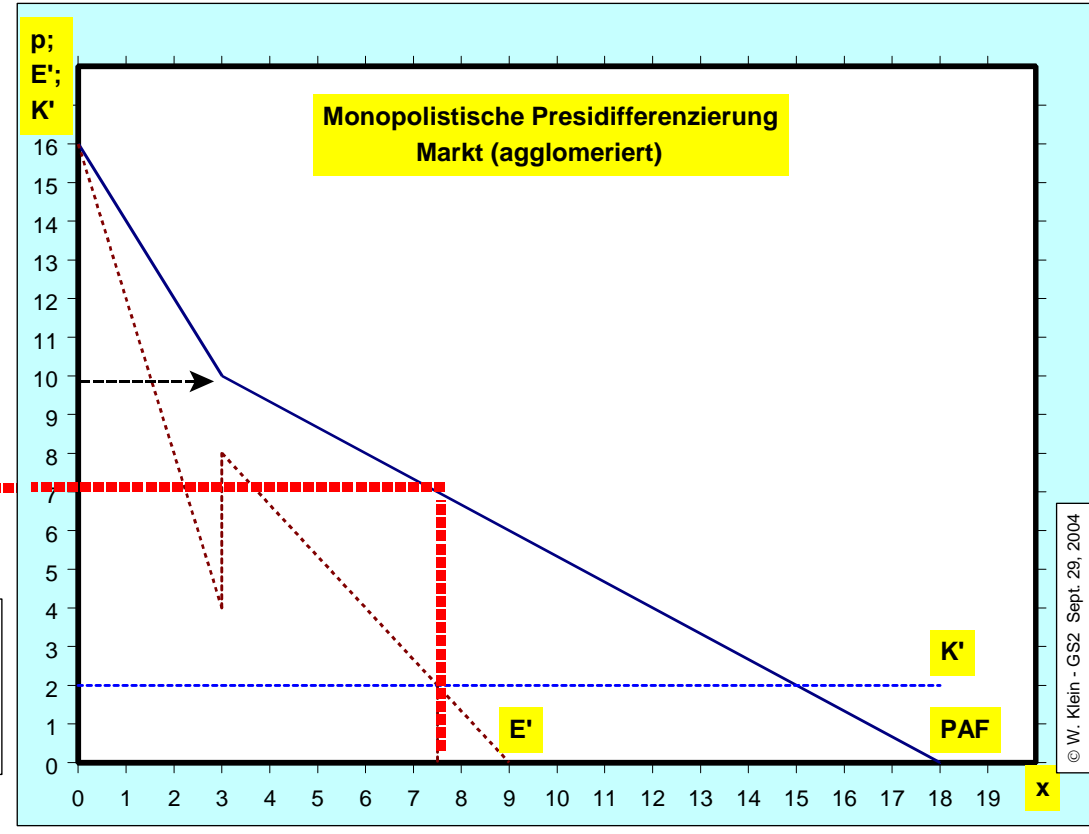
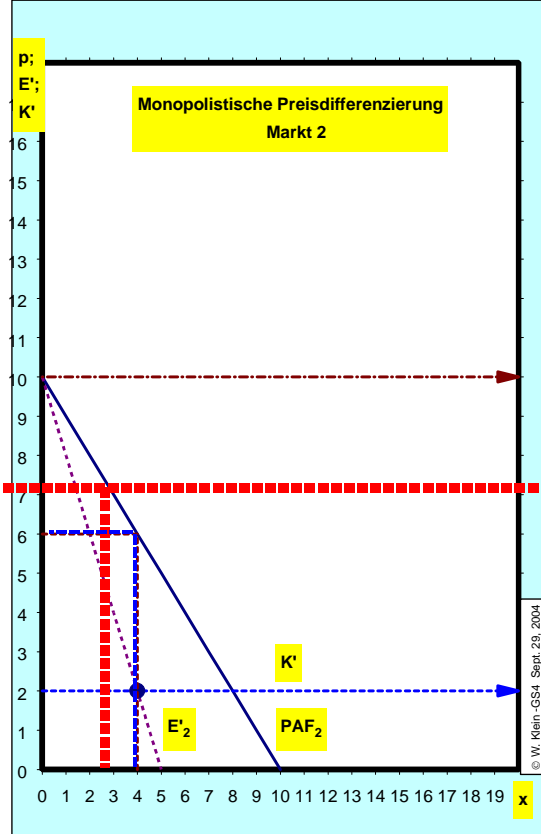
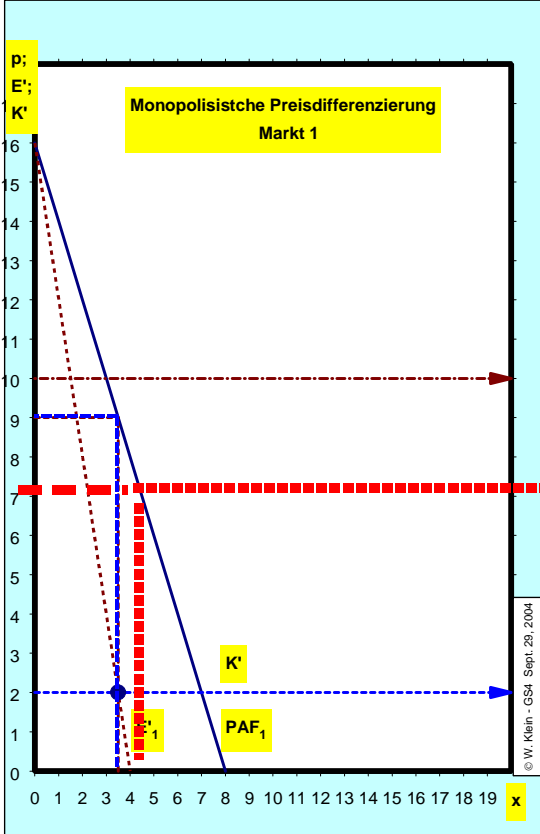


**P;
E';
K'**

Monopolistische Preisdifferenzierung Markt 2







Monopolistische Preisdifferenzierung: analytisch

$$(1) G = E - K$$

$$(2) G_{(\max)} : E' = K'$$

Teilmarkt 1:

$$(3) E_1 = p_1 x_1 \quad (4) E_1' = p_1 \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon_1^N|}\right) \quad \dots \text{Amoroso - Robinson - Relation}$$

Teilmarkt 2:

$$(5) E_2 = p_2 x_2 \quad (6) E_2' = p_2 \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon_2^N|}\right) \quad \dots \text{Amoroso - Robinson - Relation}$$

Gewinnfunktionen:

$$(7) G = (E_1 + E_2) - K_{(x)}$$

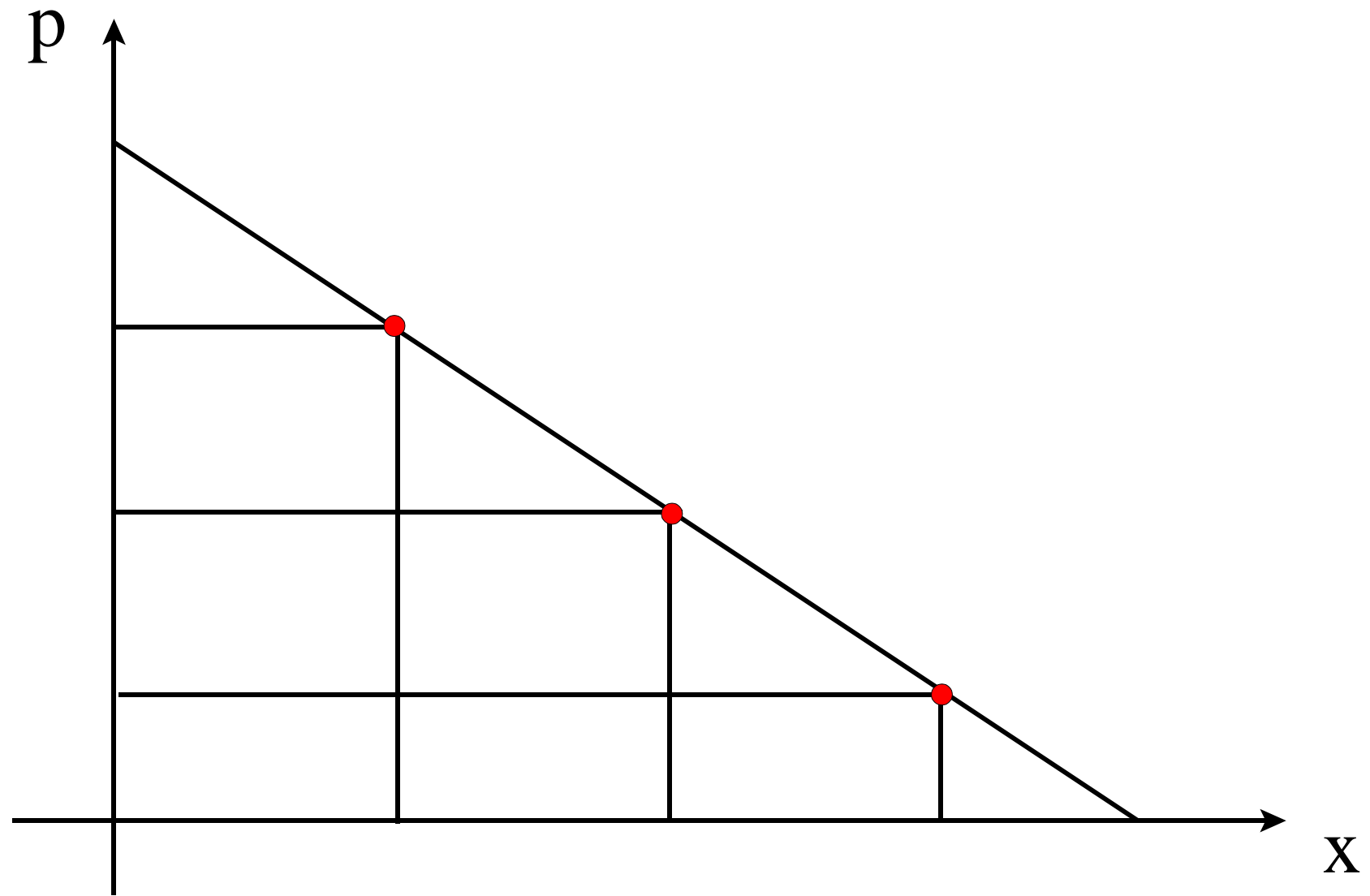
$$(8) G'_{x_1} = \frac{\partial G}{\partial x_1} \quad (9) G'_{x_1} = E_1' - K'_x = 0$$

$$(10) G'_{x_2} = \frac{\partial G}{\partial x_2} \quad (11) G'_{x_2} = E_2' - K'_x = 0 \quad \text{aus (9) und (11)}$$

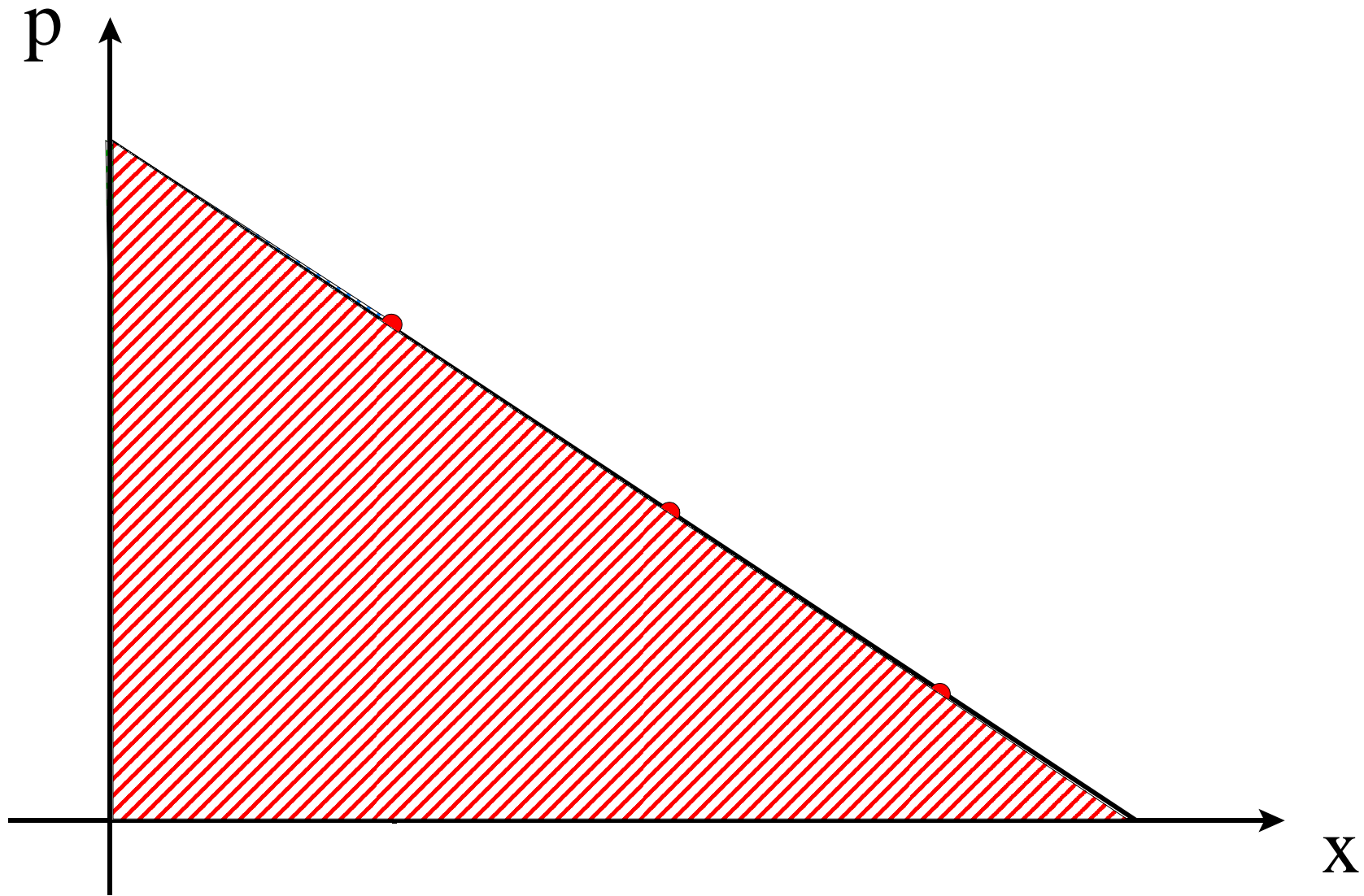
$$(12) E_1' = E_2' = K'_x$$

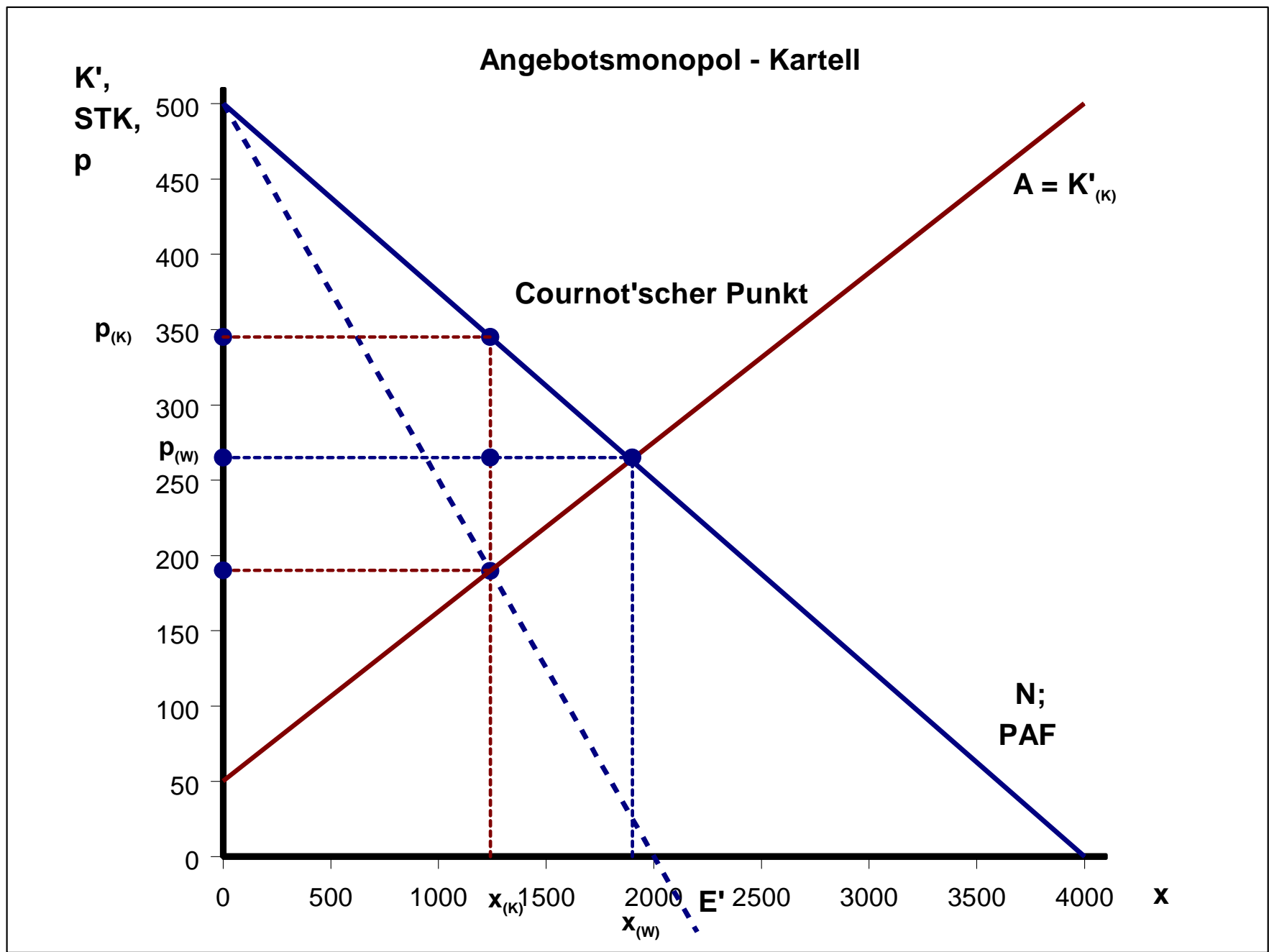
$$(13) p_1 \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon_1^N|}\right) = p_2 \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon_2^N|}\right) \quad \Rightarrow \quad (14) \frac{p_1^*}{p_2^*} = \frac{1 - \frac{1}{|\varepsilon_2^N|}}{1 - \frac{1}{|\varepsilon_1^N|}}$$

Deglomerative Preisdifferenzierung



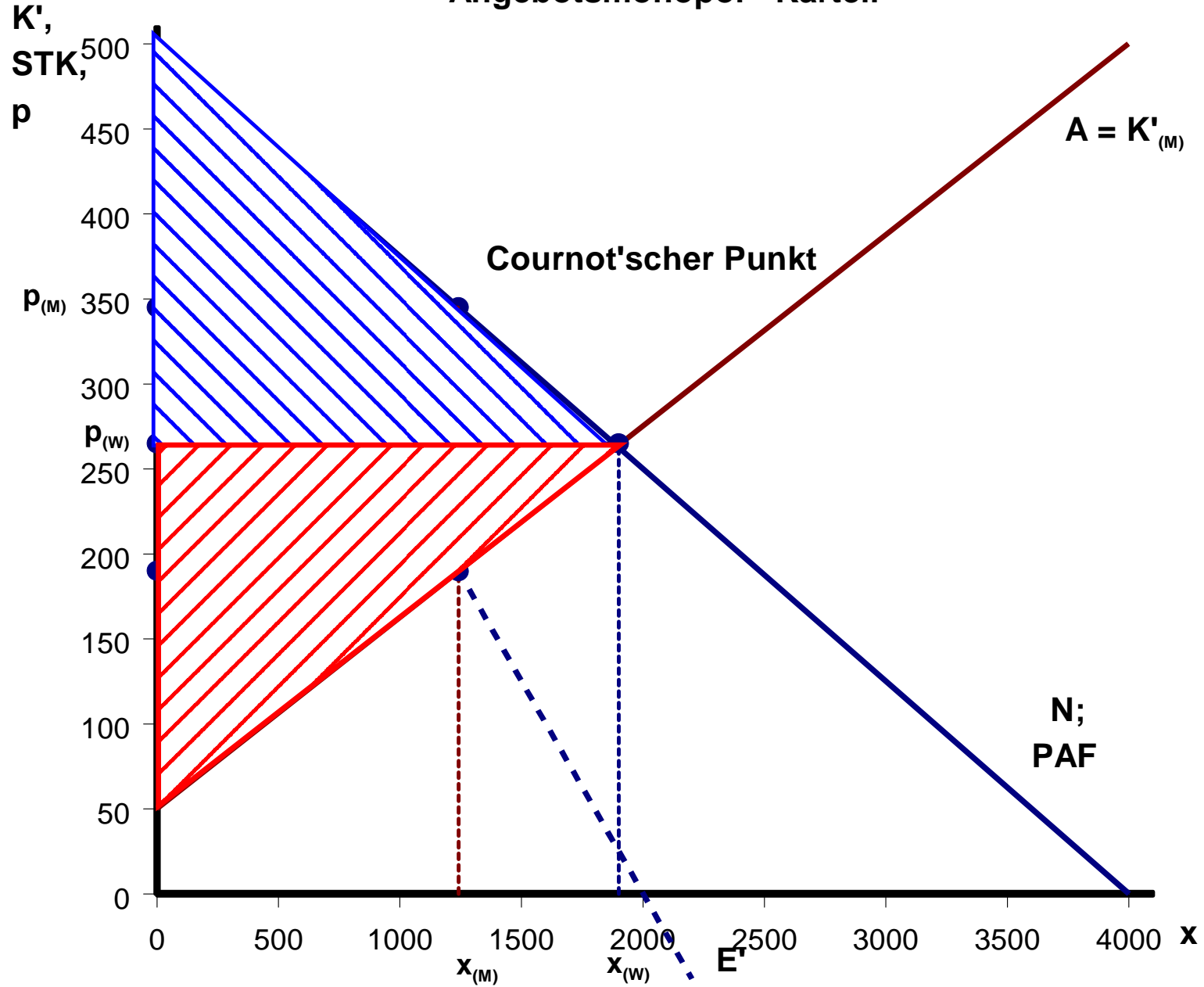
Deglomerative Preisdifferenzierung



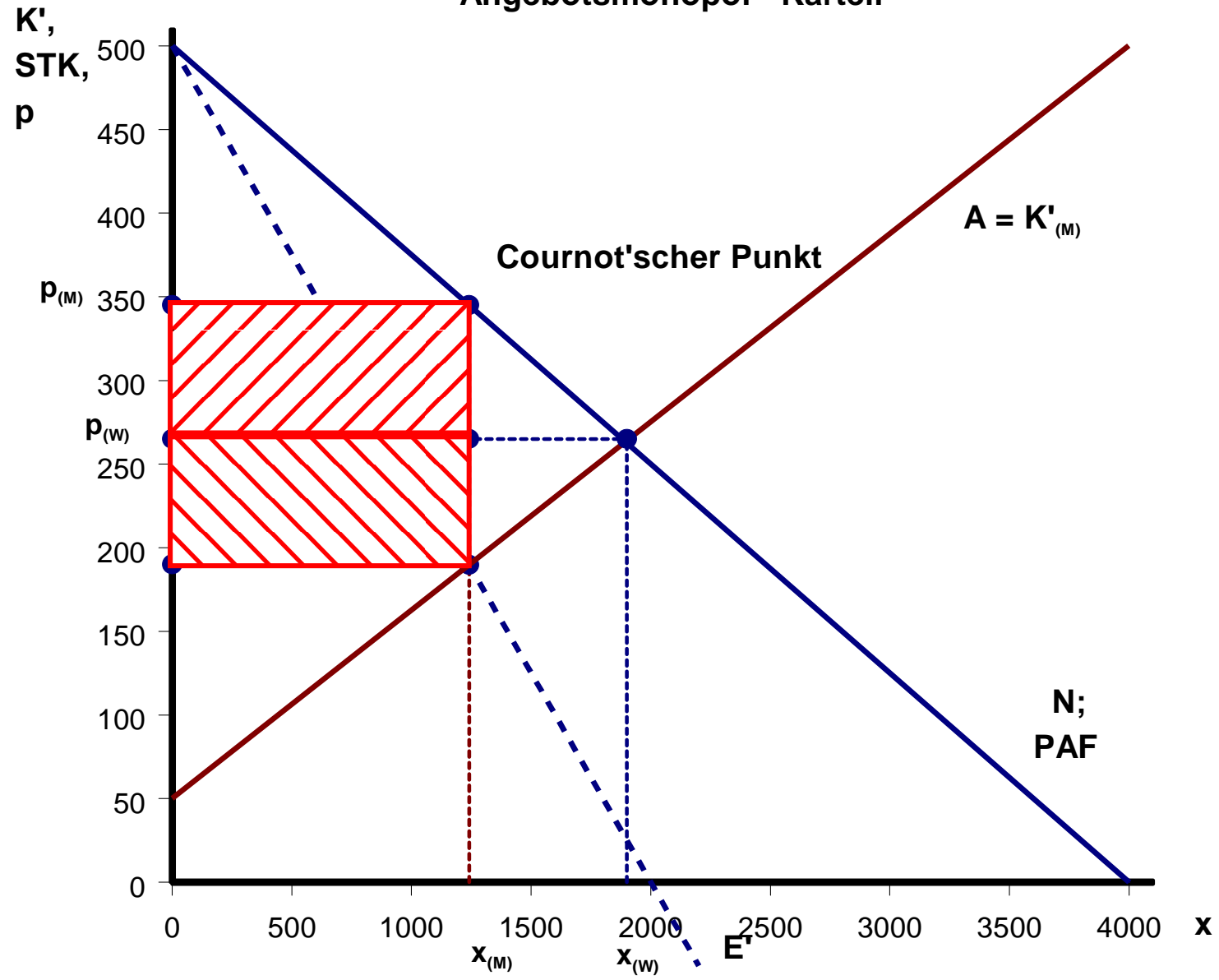


Ein Kartell ist ein informeller oder formaler (vertraglicher) Zusammenschluß rechtlich selbständiger Unternehmen zwecks gemeinsamer Gewinnmaximierung durch Ausschaltung des Wettbewerbs.

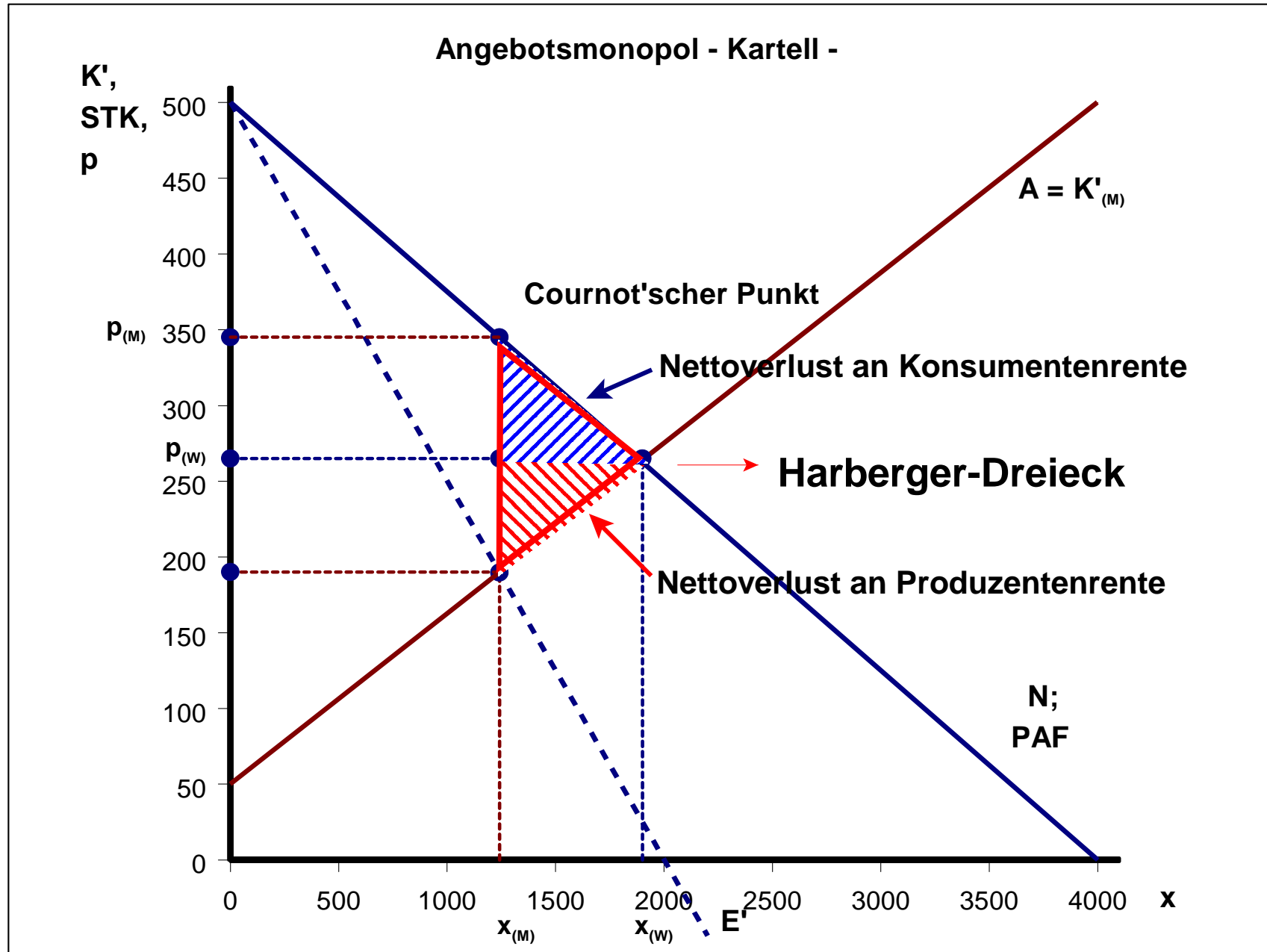
Angebotsmonopol - Kartell



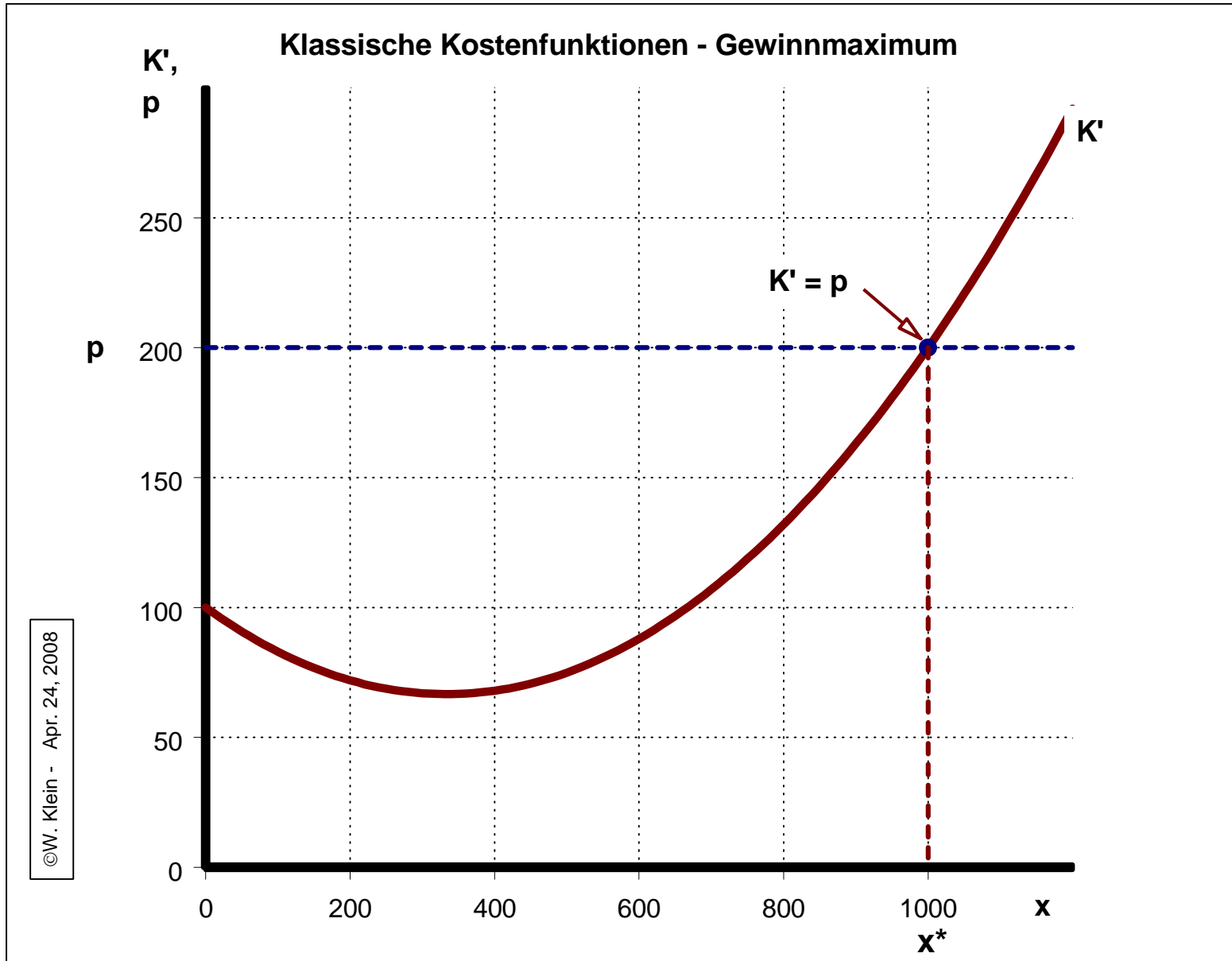
Angebotsmonopol - Kartell



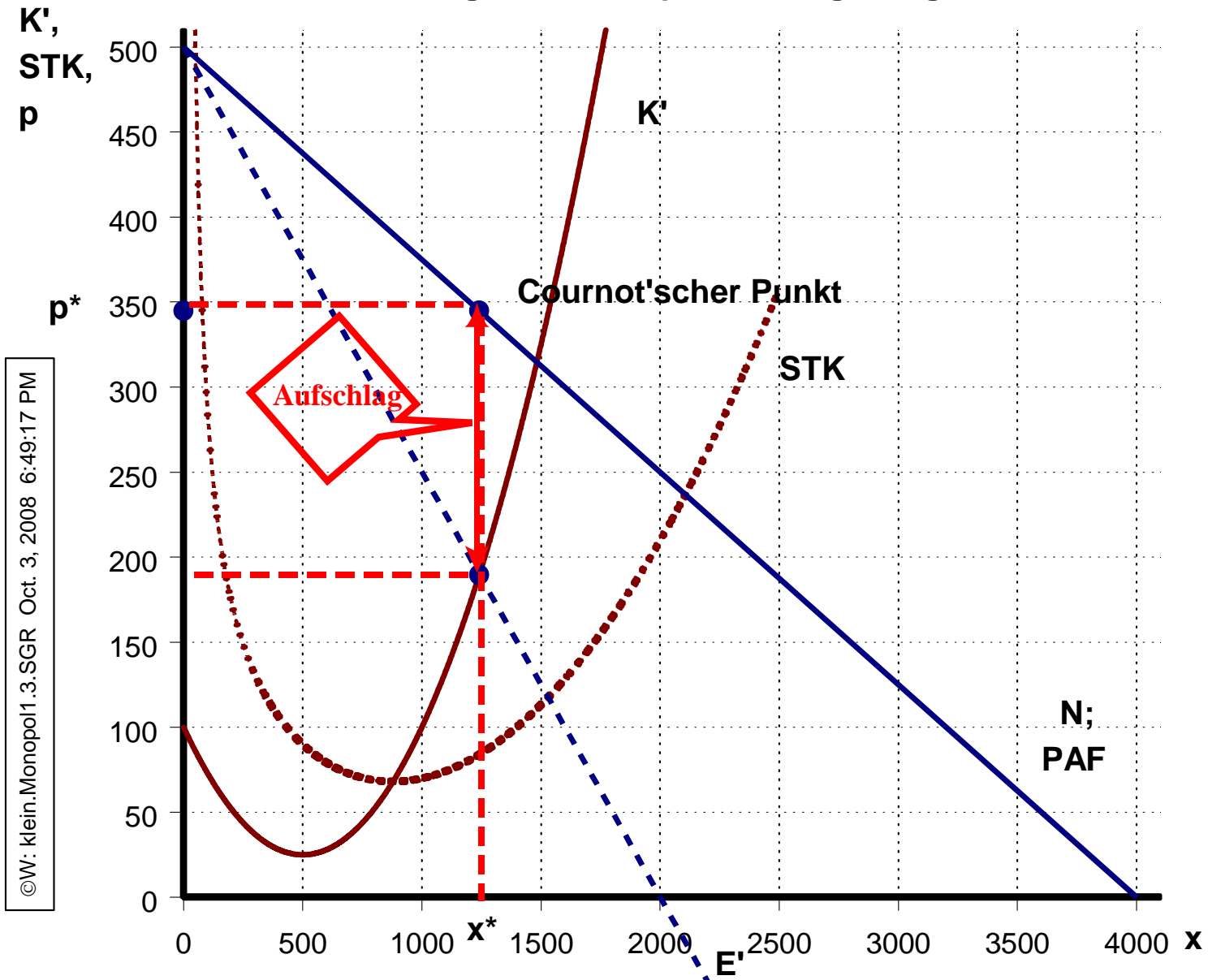
Wohlfahrtsverluste durch Monopole (dead-weight-losses)



Mark-up-Pricing (Preisaufschlag) im Monopol



Angebotsmonopol - Marktgleichgewicht



©W: klein.Monopol1.3.SGR Oct. 3, 2008 6:49:17 PM

Mark-up-Pricing (Preisaufschlag) im Monopol

Die Outputregel der Gewinnmaximierung lautet:

$$(1) K' = E'$$

Nach der Amoroso- Robinson -Relation gilt somit auch:

$$(2) E' = p \left(1 - \frac{1}{|\epsilon_N|} \right) \text{ Aus (1) und (2) folgt somit auch}$$

$$(3) K' = p \left(1 - \frac{1}{|\epsilon_N|} \right) \text{ aufgelöst nach } (p)$$

$$(4) p = \frac{K'}{\left(1 - \frac{1}{|\epsilon_N|} \right)}$$

Beispiel:

$$|\epsilon_N| = 2 \rightarrow p = 2K'$$

Da der Monopolpreis bei positiven Grenzkosten immer im Bereich der Preiselastizität der Nachfrage: $|\epsilon_N| > 1$ liegt, ergibt der Nenner der Gleichung (4) einen Wert von $[1 - (1/|\epsilon_N|)] < 1$ oder dessen Reziprokwert den Wert des Preisaufschlags auf die jeweilige Höhe der Grenzkosten mit Bezug auf den Cournot'schen Punkt.

Lerner'scher Monopolgrad -Lerner Index

Die Preisbildung bei vollständiger Konkurrenz dient als Referenzmodell. Bei vollständiger Konkurrenz gilt die spezielle Outputregel der Gewinnmaximierung:

$$(1) K' = p$$

Der **Monopolgrad** läßt sich nach Lerner in Form eines Indexes (μ) darstellen, der den Grad der **Abweichung des Monopolpreises von dem der vollständigen Konkurrenz** mißt:

$$(2) \mu = \frac{p - K'}{p} \quad \text{oder}$$

$$(3) \mu = 1 - \frac{K'}{p}; 0 \leq \mu \leq 1$$

Im Falle der **vollständigen Konkurrenz** ist

$$(4) \mu = 0, \text{ weil } K' = p, \text{ d.h. } p - K' = 0$$

Für den **Monopolfall** gilt aber: $K' = E'$ und wegen Gültigkeit der Amaro-Robinson-Relation:

$$(5) K' = p \left(1 - \frac{1}{|\varepsilon_N|} \right) \quad \text{Nach Gleichung (2) gilt dann auch}$$

$$(6) \mu = \frac{p - \left[p \cdot \left(1 + \frac{1}{\varepsilon_N} \right) \right]}{p} \quad \text{oder}$$

$$(7) \mu = -\frac{1}{\varepsilon_N} = \frac{1}{|\varepsilon_N|}$$

Ergebnis: Je größer μ , desto größer die Monopolmacht!

Nachfragemonopol - Monopson

Modellannahmen:

Marktstruktur:

- qualitativ: vollkommener Markt
- quantitativ: ein Nachfrager - viele Anbieter

Gegebene Angebotsfunktion eines (variablen) Produktionsfaktors (v_v)

Nachfragestruktur:

- ein Nachfrager (Monopsonist) als alleiniger Nachfrager eines variablen Produktionsfaktors (v_v)
- gegebene Produktionsfunktion
- Wettbewerb (vollständige Konkurrenz) auf dem Absatzmarkt des Monopsonisten.

Ableitung der Grenzausgabenfunktion (A')

Die Gesamtausgaben für den Kauf des variablen Produktionselements (v) ergeben sich aus der Gesamtausgabenfunktion (A). Diese ist abzuleiten aus der Angebotsfunktion für dieses Produktionselement $\{p_v = f(v)\}$

$$(1) A = v_v \cdot p_v \quad (2) A' = GP_v \cdot p$$

(2) $G = E - K$ und (3) $K' = E'$ (Outputregel der Gewinnmaximierung!)

$$(4) K' = p \text{ (siehe Modellannahme!)} \quad (5) K' = \frac{dK}{dx} = \frac{dK_v}{dx}$$

$$(6) dK_v = dv_v \cdot p_v \quad (7) K' = \frac{dv_v}{dx} \cdot p_v \quad (8) \frac{dv_v}{dx} = \frac{1}{GP_{(v)}} \text{ somit}$$

$$(9) K' = \frac{1}{GP_{(v)}} \cdot p_v \text{ Wegen (4) gilt auch (10) } p = \frac{1}{GP_{(v)}} \cdot p_v \text{ oder}$$

$$(11) p_v = GP_{(v)} \cdot p - \text{ spezielle Inputregel der Gewinnmaximierung!}$$

Daraus folgt für die Ableitung der Ausgabenfunktion (A) nach der Faktormenge (v_v)
Grenzausgabenfunktion (A')

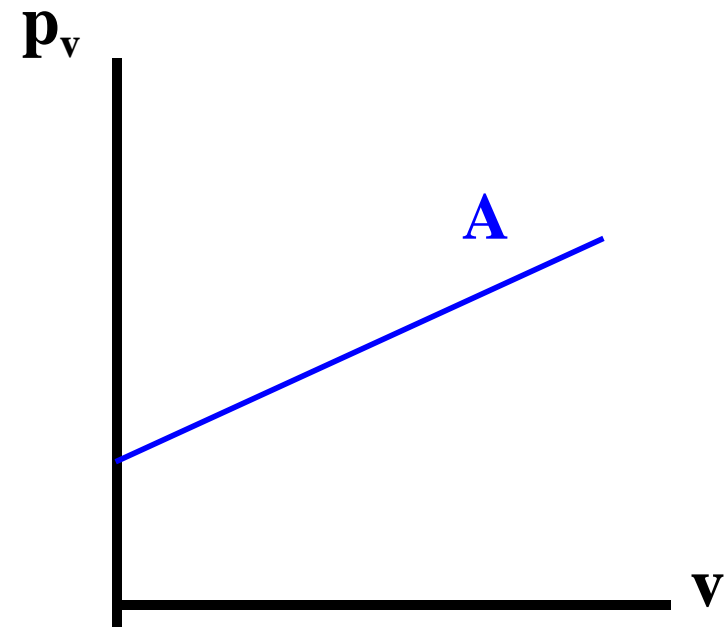
$$(2) A' = \frac{dA}{dv_v} = p_v + \frac{dp_v}{dv_v} \cdot v_v \text{ oder}$$

$$(3) A' = p_v \left(1 + \frac{v_v}{p_v} \cdot \frac{dp_v}{dv_v}\right)$$

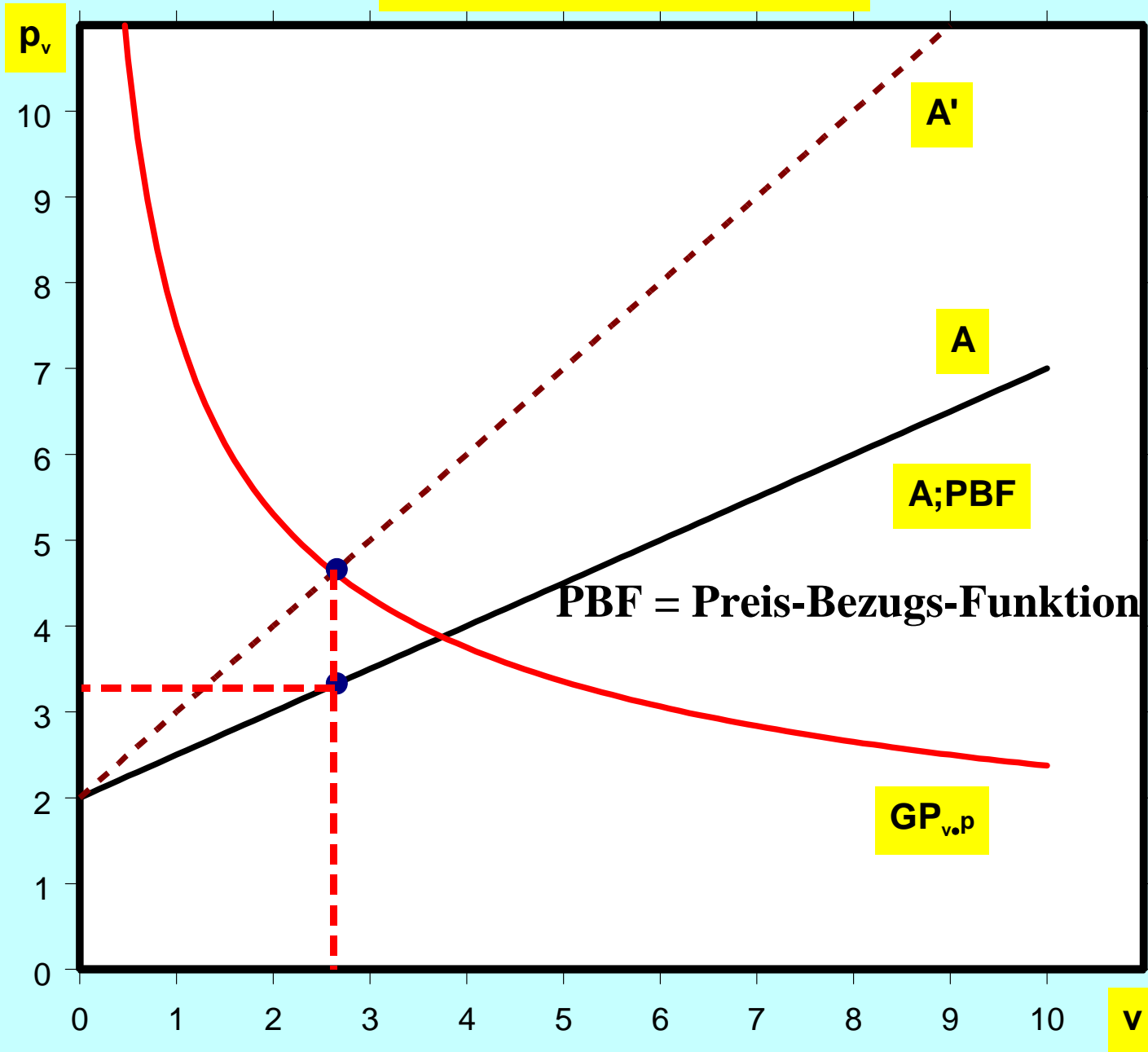
$$(5) A' = p_v \left(1 + \frac{1}{\epsilon_A}\right) \text{ oder}$$

$$(6) A' = p_v + \frac{p_v}{\epsilon_A}$$

mit ϵ_A der direkten Preiselastizität des Angebots



Preisbildung im Monopson



Bilaterales Monopol

Modellannahmen:

1. Marktstruktur:

- quantitativ: ein Anbieter - ein Nachfrager
- qualitativ: vollkommener Markt

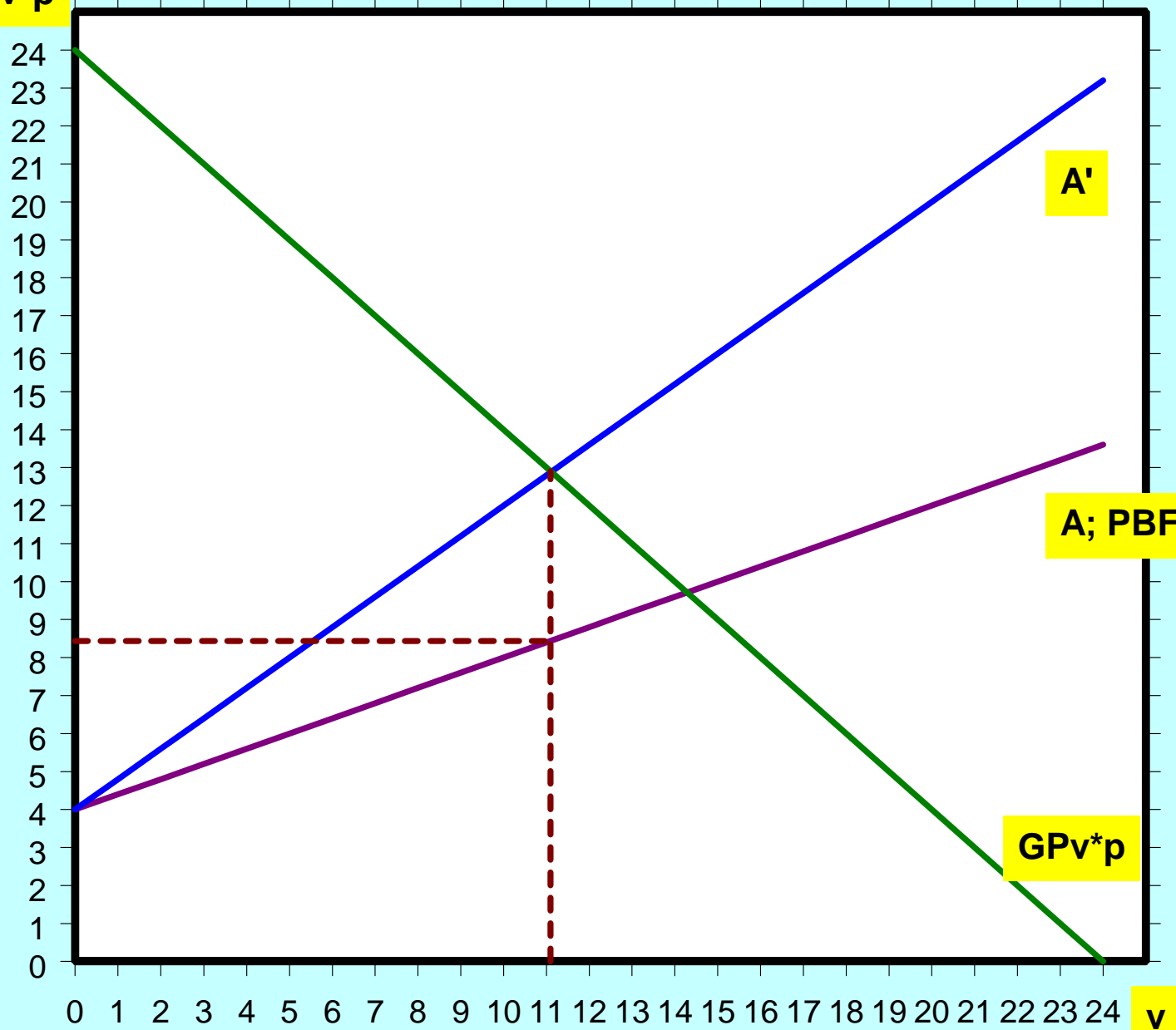
2. **Anbieter ist Angebotsmonopolist** für ein (einzigartiges) Produktionselement (v)

3. **Nachfrager ist Monopsonist**, der mit (v), einem für ihn variables Produktionselements ein Produkt (x) herstellt, das auf einem Absatzmarkt der vollständigen Konkurrenz angeboten wird.

4. **Monopolist und Monopsonist** verfolgen die Zielsetzung der kurzfristigen **Gewinnmaximierung**.

**pv;
GPv*p**

Monopson



A'

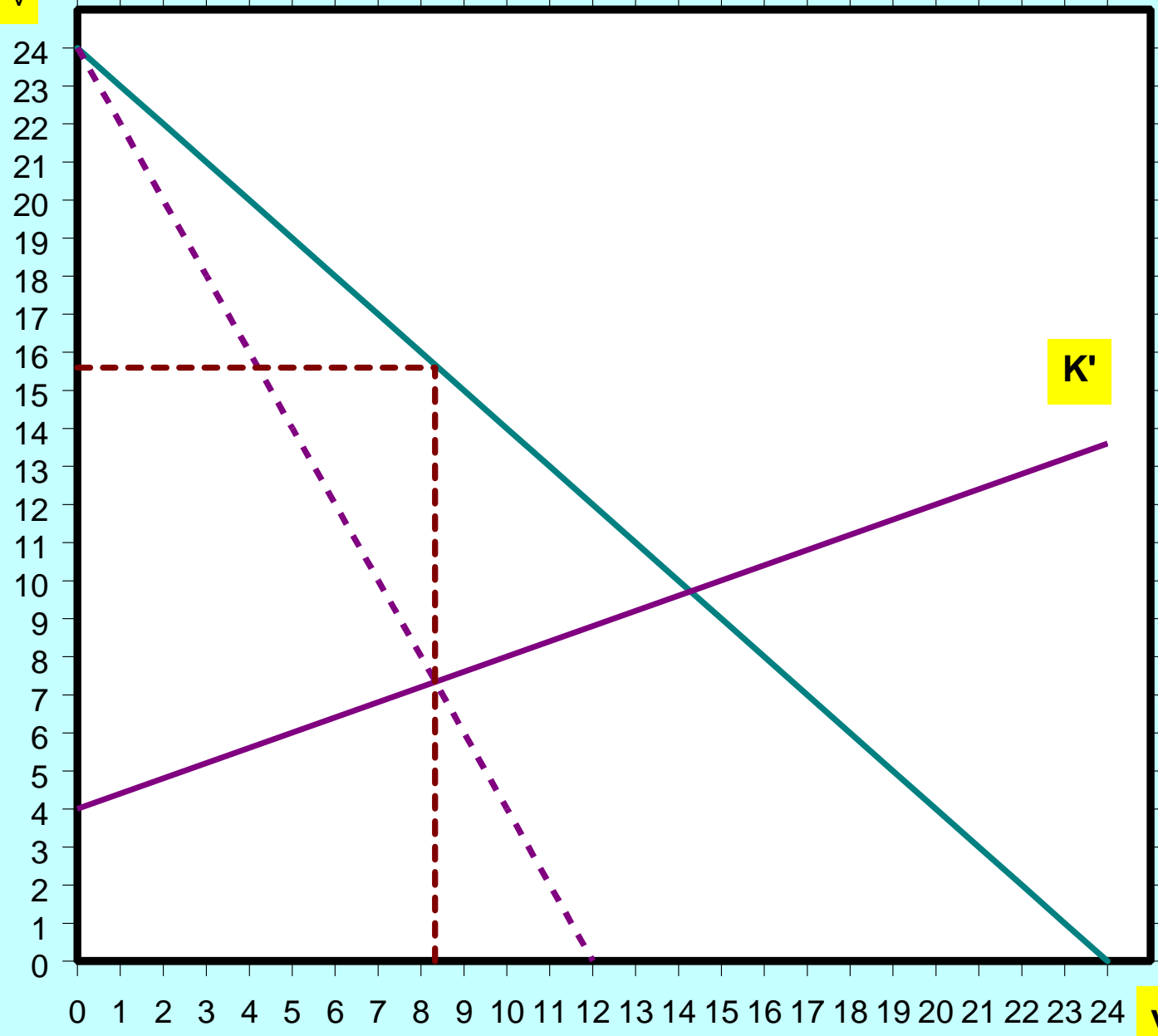
A; PBF

GPv*p

v

Monopol

p_v



K'

v

Bilaterales Monopol

